

Research Paper**Characterising Aquifer Layers of Karstic Springs in Nahavand Plain Using Geoelectrical and Electromagnetic Methods**Rojin Fasihi¹,Abdollah Taheri Tizro^{2*},Safar Marofi³

¹ Ph.D Student of Water Science and Engineering Department, Bu-Ali Sina University, Hamedan, Iran. Email: rojin.fasihi@yahoo.com, r.fasihi@agr.basu.ac.ir

² Associate Professor, Water Science and Engineering Department, Bu-Ali Sina University, Hamedan, Iran. Email: ttizro@yahoo.com, ttizro@basu.ac.ir

³ Professor, Water Science and Engineering Department, Bu-Ali Sina University, Hamedan, Iran. Email: marofisafar59@gmail.com



[10.22125/IWE.2023.388855.1711](https://doi.org/10.22125/IWE.2023.388855.1711)

Received:
March 7, 2023

Accepted:
May 29, 2023
Available online:
December 30, 2023

Keywords:
Karst, Spring,
Electromagnetic,
Nahavand

Abstract

For groundwater development, necessities are needed to detect different aquifer layers hydraulic parameters in an area, which can be used to explicitly define the type of aquifer and the thickness of its aquifer layer. Geoelectrical method is one of the most effective tools in determining and separating subsurface layers. The electromagnetic method as well as, is a newer method that can play an important role in determining the potential of subsurface layers with acceptable accuracy. In this research, 10 electromagnetic logs were used to investigate the thickness and separation of the aquifer layer of 5 karstic springs in Famaseb, Faresban, Gian, Ghale Baroodab and Gonbad kabood in the Nahavand plain of Hamedan province. Logs were measured in the upstream of each spring, then the results of electromagnetic extraction were checked in different frequency ranges. Finally, the output of electromagnetic logs was compared with 5 logs of the Geoelectric method, which showed that the similarity in results of the two methods. The final results showed that there is an aquifer layer in Famaseb spring up to a depth of 6 meters, Faresban spring to a depth of about 20 meters, Ghale Baroodab about 10 meters appearing with joints and fractures in these springs, Gian to a depth of about 2 meters. The Gonbad kabood has an aquifer layer of up to 36 meters. The highest thickness of the aquifer layer was estimated in Gonbad kabood spring and the lowest in Gian spring.

1. Introduction

The ever-increasing growth of the population and the rise in water demand intensify the need to use the geoelectric method (Mogaka, 2010). The ever-increasing growth of the water demand for domestic and agricultural use have created an urgent need to deal with the issue (Omeje et al. 2021). Telluric electric field frequency is simply called frequency selection method (FSM), which is a passive source electromagnetic exploration method (Yang et al. 2017). The FSM method is similar to the acoustic magneto telluric (AMT) method, but it only measures the horizontal electric component of the earth and does not measure the magnetic field component. The frequency selection of this method is mostly in the range of 15 Hz to 1.5 kHz, and the distance of the MN potential electrodes is usually 10 m to 20 m when using the profile method (Yulong et al. 2022).

* Corresponding Author: Abdollah Taheri Tizro

Address: Water Science and Engineering
Department, Bu-Ali Sina University, Hamedan

Email: ttizro@yahoo.com, ttizro@Basu.ac.ir

Tel: 09181190052

2. Materials and Methods

Nahavand Plain is in the upper basin of the Karkhe River and is located in the Zagros highlands. The basic principle of the natural electric field frequency selection method is the amplitude of the natural electric field of the geomagnetic field. The field distributed on the ground; the field change is a function of the set of Maxwell's equation. The natural electric field geophysical tool is a type of electric field on which the source of the current is considered to be ground formations rock field. The natural electric field frequency selection method is called the frequency selection method for short. In principle, to study ground field changes, to solve geological problems, it is an alternating current exploration method that is based on the electric difference of the natural electromagnetic field of the earth (frequency 0-30 kHz) in several different frequencies of electromagnetic field changes (PQWT, 2022). The resistivity method originated from the work of the Schlumberger brothers in the 1920s (Loke, 2002).

3. Results

The results of field measurements with the help of two geoelectric and electromagnetic methods for 5 springs of Nahavand plain showed in summary the apparent specific resistance values considered for three layers in each spring by geoelectric method and the type and material of the layer. The upper and lower parts of each spring were determined separately by electromagnetic method. The general results of the two methods used show that in all investigated springs, the trend of changes in apparent specific resistance was consistent with frequency. Also, the changes in each subsurface layer recorded by the electromagnetic method with the change in the apparent specific resistance value of the same layers were also recorded by the geoelectric method, which proves the accurate measurement of both methods in the investigated areas. Both methods used for 5 Karstic springs in the region to determine the water layer and water exploration showed that the electromagnetic method has high accuracy in estimating the thickness of the underlying layers similar to the geoelectric method and the electromagnetic method with higher speed and lower cost than other methods.

4. Discussion and Conclusion

As the drilling of new wells are difficult task and expensive. In this research, the geoelectric and electromagnetic methods combinely has been applied to estimate thickness of subsurface layers. The geoelectric and electromagnetic methods were used to investigate the aquifer layer upstream of 5 Karst springs in Nahavand. The maximum thickness of the aquifer layer was estimated at 36 meters in Gonbad kabood spring and the lowest in Giyan spring with a depth of 2 meters. The results presented in this research can be used for the purpose of water management.

5. Six important references

- 1) Loke, M. H., 2002. 2-D and 3-D Electrical Imaging Surveys, Online Tutorial edition, (drmhloke@hotmail.com).
- 2) Mogaka, D.N. 2010. Geophysical Characterization of the Lithology and Structure of the Olobanita Well Field, Lower Lake Baringo Basin, Kenya Rift: Implication on Groundwater Occurrence (p. 118). Doctoral dissertation, University of Nairobi.
- 3) Omeje, E. T., Ugbor, D. O., Ibuot, J. C. and Obiora, D. N. 2021. Assessment of groundwater repositories in Edem Southeastern Nigeria, using vertical electrical sounding. Arabian Journal of Geosciences 14, 421. <https://doi.org/10.1007/s12517-021-06769-1>.
- 4) PQWT. 2022. Hunan Puqi Geological Exploration Equipment Research Institute of Changsha, Hunan, China.
- 5) Yang, T.C.; Xia, D.L.; Wang, Q.R.; and Fu, G.H. 2017. Theoretical Research and Application of Natural Electric Field Frequency Selection Method; Central South University Press: Changsha, China.
- 6) Yulong, L., Tianchun, Y., Tizro, A T., and Yang, L. 2022. Fast Recognition on Shallow Groundwater and Anomaly Analysis Using Frequency Selection Sounding Method. Water, 15(1): 96.

شناسایی لایه‌های آبدار چشمehای کارستی دشت نهادوند با استفاده از روش‌های ژئوالکتریک و الکترومغناطیس

روزین فصیحی^۱, عبدالله طاهری تیزرو^{۲*}, صفر معروفی^۳

تاریخ ارسال: ۱۴۰۱/۱۲/۱۶

تاریخ پذیرش: ۱۴۰۲/۰۳/۰۸

مقاله پژوهشی

چکیده

روش ژئوالکتریک یکی از مؤثرترین روش‌ها در تعیین و تشخیص لایه‌های زیرسطحی است. روش الکترومغناطیس نیز روشی جدیدتر می‌باشد که با دقت قابل قبول می‌تواند نقش مهمی در تعیین و تفکیک لایه‌های زیرزمینی ایفا نماید. در تحقیق حاضر با پیمایش صحرایی در بالادست ۵ چشمeh کارستیکی فاماسب، فارسیان، قلعه باروداب، گیان و گنبدکبوود دشت نهادوند استان همدان ۱۰ سوندazer الکترومغناطیسی برداشت شد. سپس با استفاده از داده‌های برآمده لوگ‌های الکترومغناطیس در اعماق متفاوت تهیه گردید و با ۵ لوگ روش ژئوالکتریک مقایسه شد، این مقایسه نشان داد مقدار NRMSE در روش ژئوالکتریک برای ۵ چشمeh فاماسب، فارسیان، قلعه باروداب، گیان و گنبدکبوود به ترتیب ۷/۱۱، ۷/۵۰، ۴۴/۹۳، ۳/۹۹ و ۲/۹۹ است و در روش الکترومغناطیس مقدار این ضریب برای چشمeh‌های مورد بررسی به ترتیب حدود ۱/۴، ۱/۱، ۱/۲، ۱/۵ و ۱/۳ می‌باشد. علاوه بر همسو بودن نتایج دو روش موردن استفاده دقت روش الکترومغناطیس بر اساس مقدار NRMSE بالاتر از روش ژئوالکتریک می‌باشد. درواقع کمتر بودن مقدار ضریب NRMSE نشان از دقت بالای آن دارد. مزیت روش الکترومغناطیس در مقایسه با ژئوالکتریک صرف زمان و هزینه کمتر است. مقدار ضخامت لایه آبدار از دقت نهایی این پژوهش می‌باشد که نشان داد در چشمeh‌های فاماسب، فارسیان، قلعه باروداب با درز و شکاف‌های موجود در این چشمeh، گیان و گنبدکبوود به ترتیب حدود ۶، ۱۰، ۲۰ و ۳۶ متر لایه آبدار وجود دارد. بیشترین مقدار ضخامت لایه آبدار در چشمeh گنبدکبوود (۳۶ متر) و در مقابل کمترین در چشمeh گیان (۲ متر) تخمین زده شد. از این نتایج جهت شناسایی لایه‌های آبدار منطقه بهمنظور مدیریت بهتر منابع آب می‌توان بهره گرفت.

واژه‌های کلیدی: کارست، چشمeh، الکترومغناطیس، نهادوند.

^۱ دانشجوی دکتری علوم و مهندسی آب- منابع آب، گروه علوم و مهندسی آب، دانشگاه بوعلی سینا همدان، همدان، ایران
ایمیل: r.fasihi@agr.basu.ac.ir , rojin.fasihi@yahoo.com

^۲ دانشیار گروه علوم و مهندسی آب، دانشگاه بوعلی سینا همدان، همدان، ایران (نویسنده مسول) ایمیل: ttizro@Basu.ac.ir, ttizro@yahoo.com

^۳ استاد گروه علوم و مهندسی آب، دانشگاه بوعلی سینا همدان، همدان، ایران ایمیل: marofisafar59@gmail.com

مقدمه

همچنین نیاز به دقت بالایی دارند روش مقاومت الکتریکی کارامد است (ناصری و همکاران، ۱۳۹۱). روش مقاومت الکتریکی به عنوان یک روش ژئوفیزیکی، در میان روش‌های مختلف ژئوفیزیکی مورد استفاده در بررسی آبهای زیرزمینی، بیشترین استقبال را در اکتشاف آبهای زیرزمینی دارد (Obiora and Ibuot, 2020). روش مقاومت الکتریکی شامل صدایداری الکتریکی عمودی در مطالعه آب‌های زیرزمینی است (Omeje et al. 2021). این روش بهدلیل صرف انرژی کمتر در اندازه‌گیری‌های میدانی، ارزش تشخیصی نسبتاً بالا، قابلیت حمل تجهیزات و قابلیت اندازه‌گیری عمق نفوذ بیشتر کارایی بالایی دارد. همچنین این روش در تعیین ضخامت ظاهری مناطق هوایی مقرون به صرفه است (Ezema et al. 2020). روش ژئوالکتریک که بر اساس کاربردان شلومبرگ در دهه ۱۹۲۰ با هدف اندازه‌گیری اختلاف پتانسیل سطحی بهدلیل جریان سیال در داخل زمین منشاء گرفت در این روش نقطه مرکزی آرایه الکترود ثابت می‌ماند، اما فاصله بین الکترودها افزایش می‌یابد تا اطلاعات بیشتری در مورد بخش‌های عمیق‌تر زیرسطح به دست آید. الکترودها زمان انجام بررسی‌های صدایداری مقاومتی، در امتداد یک خط توزیع می‌شوند. موقعیت صدایداری در نظر گرفته شده در مرکز یک نقطه میانی قرار دارد مقاومت ویژه ظاهري (Resistivity) به دست می‌آید. جمع آوری داده‌ها با آرایه الکترودهای شلومبرگ از نظر کار میدانی به زمان زیادی نیاز دارد (Loke, 2002).

تاکنون محققان به کاربرد عملی روش الکترومغناطیس به‌ویژه در توسعه ابزار و کاربرد این روش در اکتشاف منابع آب زیرزمینی و پلایای آب زیرزمینی توجه زیادی داشته‌اند، اما تحقیقات نظری کمی وجود دارد از جمله: Satarugsa و همکاران (۲۰۰۴) و Radulescu و همکاران (۲۰۰۷)، برتری روش ژئوالکتریک را به عنوان یک روش مناسب و کارامد جهت تشخیص حفرات در مناطقی که کارستی می‌باشد ارائه نمودند. Tizro و همکاران (۲۰۱۲) مقدار تخلخل و ضربیت

آب شیرین یک منبع محدود و آسیب پذیر است و بسیاری از مردم هنوز به منابع کافی برای نیازهای اساسی دسترسی ندارند. افزایش جهانی فعالیت‌های اقتصادی و بهبود استانداردهای زندگی منجر به افزایش رقابت و درگیری بر سر منابع محدود آب شیرین شده است (Mogaka, 2010). رشد روزافزون جمعیت جامعه و افزایش تقاضای آب برای مصارف خانگی و کشاورزی، نیاز مبرمی به رسیدگی به موضوع شناسایی لایه‌های آبدار را به وجود آورده است. به همین دلیل، کاوش سازندهای زمین شناسی واحدهای آبخوان سیار مفید خواهد بود (Omeje et al. 2021). روش انتخاب فرکانس میدان الکتریسیته تلوریک به سادگی روش انتخاب فرکانس (FSM¹) نامیده می‌شود. که یک روش اکتشاف الکترومغناطیسی منبع غیرفعال است (Yang et al. 2017). روش FSM شبیه به روش مگنتوتلوریک صوتی (AMT²) است، اما فقط جزء الکتریکی افقی زمین را اندازه‌گیری می‌کند و جزء میدان مغناطیسی را اندازه‌گیری نمی‌کند. انتخاب فرکانس این روش بیشتر در بازه ۱۵ کیلوهرتز تا ۱/۵ هرتز است و فاصله الکترودهای پتانسیل MN معمولاً ۲۰ متر یا ۱۰ متر در هنگام استفاده از روش پروفیل است (Yulong et al. 2022). بنابراین، الکترومغناطیس ابزاری کارامد و مقرن به صرفه برای اکتشاف آبهای زیرزمینی می‌باشد و نسبت به سایر روش‌های اکتشاف ژئوفیزیک که در مناطق کوهستانی و شهرهای با امکانات ساختمنی متراکم انجام می‌شود، سازگارتر است. در عین حال، FSM مشابه روش اکتشاف جریان تلوریک و پروفیل تلوریک-تلوریک (TTP³) است که فقط مؤلفه میدان الکتریکی را اندازه‌گیری می‌کند (Berdychevsky, 1962; wang et al. 2019).

با استفاده از روش مقاومت الکتریکی غارهای خشک که غالباً در بالای سطح ایستابی قرار دارند تشخیص داده می‌شوند و همچنین کانال‌هایی که دارای جریان سریع آب (در صورتی که غیر اشباع باشند) هستند و داده‌برداری آن‌ها دشوار است

³ Telluric-Telluric Profiling

¹ Frequency Selection Method

² Audio Magnetotelluric Method

ضرایب هیدرولیکی هیچ تفاوت معنی‌داری بین دو روش لوگ-های حفاری و روش ژئوالکتریک وجود ندارد. شناسایی پتانسیل‌های آبی و نیازهای منطقه نهادن با توجه به گستردگی پدیده‌ها و عوارض فرآیندهای انحلالی (کارستیک) در منطقه که حجم عظیمی از آب آن جهت در طول سال تخلیه می‌کنند ضروری است. تحقیق حاضر می‌تواند به عنوان یک پژوهش پایه برای مدیریت منابع آب در بخش شناسایی و حفاظت از منابع کارستیک و بهره‌برداری صحیح از این منابع ارزشمند در بخش‌های مختلف به دلیل محدودیت کمی منابع آب مطرح و مطالعه کرد. چشم‌های فاماسب، فارسیان، قلعه باروداب، گیان و گنبدکبوط دشت نهادن استان همدان به عنوان منابع اصلی کشاورزی و شرب در منطقه مورد استفاده قرار می‌گیرد. هدف اصلی روش اندازه‌گیری ضخامت لایه آبدار است. در این پژوهش با استفاده از روش الکترومغناطیس که روشی نوین در عین حال ساده‌تر و کم هزینه‌تر نسبت به روش ژئوالکتریک به منظور تشخیص و تعیین ضخامت لایه آبدار و تفکیک آن می‌باشد. در چشم‌های نهادن پرداخته خواهد شد تا به منظور مدیریت هر چه بهتر منابع آبی دشت نهادن به کار گرفته شود.

مواد و روش‌ها

منطقه مورد مطالعه

دشت نهادن با وسعت حوزه آبریز ۱۹۰۲ کیلومترمربع یکی از دشت‌های حوزه علیای رودخانه کرخه محسوب می‌گردد و در شمال شرق کوه‌های گرین از سلسله ارتفاعات زاگرس قرار گرفته است. وسعت اراضی مسطح (دشت) نهادن ۶۴۴ کیلومترمربع و بقیه اراضی که ۱۰۴۶ کیلومترمربع (درصد) گسترش دارند شامل ارتفاعات حاشیه دشت می‌باشد. شبیب عمومی دشت از جنوب شرق به طرف شمال غرب بوده، مرتفع‌ترین نقطه حوزه بیش از ۳۴۰۰ متر ارتفاع و پست‌ترین نقطه ۱۴۰۲ متر (منطبق با ایستگاه هیدرومتری دوآب در خروجی حوزه) و ارتفاع متوسط حوزه آبریز ۱۸۹۰ متر از سطح دریا می‌باشد (بی‌نام، ۱۴۰۱).

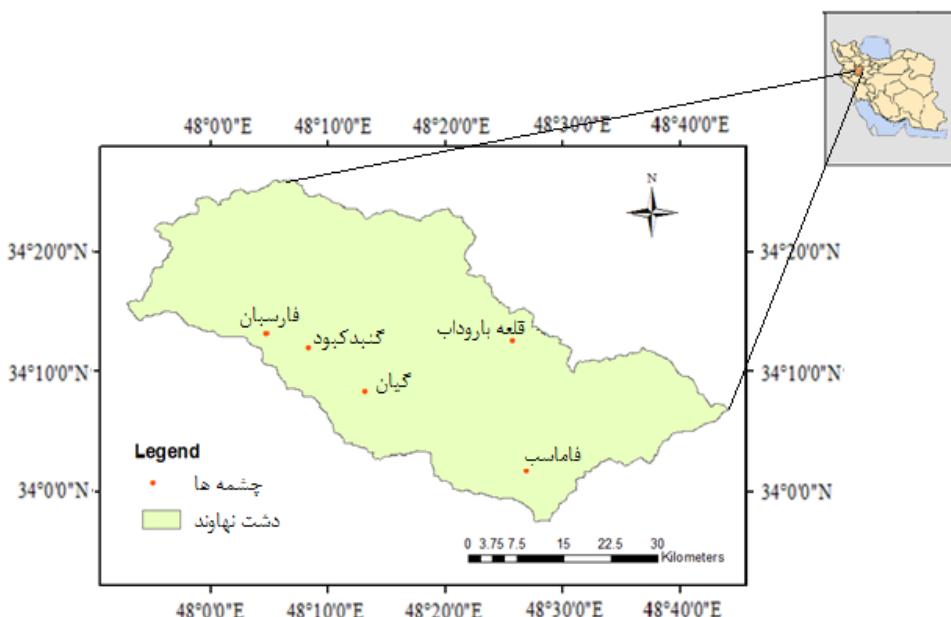
موقعیت شهرستان نهادن به گونه‌ای است که از شمال به شهرهای تویسرکان و همدان، از جنوب به استان لرستان و از

آبدهی ویژه دشت ماهیدشت استان کرمانشاه را با روش ژئوالکتریک برآورد نمودند، در منطقه تخلخل از ۰/۱۸ تا ۰/۶۶ متغیر بود و میانگین آبدهی ویژه ۰/۱۵ محسوب شد، در این پژوهش دقت بالای روش مذکور را نشان دادند. Alarifi و همکاران (۲۰۲۲) در وادی نیساه ریاض عربستان از روش ژئوالکتریک استفاده نمودند. در این تحقیق پنج لایه مقاومت بیشتر تشکیل شده و عمقی در حدود ۳ متر داشت. سفره آب زیرزمینی در لایه پنجم نشان داده شد که عمیق‌ترین لایه بود، با اعماق بین ۳۷/۸ تا ۵۲/۲۵ متر با مقاومت ویژه ظاهری ۴۷ تا ۱۱۵/۳ اهم -مترا Yulong و همکاران (۲۰۲۲) به بررسی اکتشاف آب در منطقه‌ای در جنوب چین با روش الکترومغناطیس پرداختند و نتایج انان نشان دهنده اثربخشی آشکار FSM در اکتشاف آب‌های زیرزمینی کم عمق (عمق کمتر از ۱۵۰ متر) دارد. همچنین روشی مؤثر برای شناسایی مکان‌های گمانه مناسب آب‌های زیرزمینی در آینده است.

ناصری و همکاران (۱۳۹۱) به اکتشاف آب زیرزمینی در منطقه جنوب باختر ایده با روش ژئوالکتریک پرداختند و نشان دادند بررسی مقاومت ژئوالکتریک سه‌بعدی با اندازه‌گیری دو بعدی متراکم نیز قابلیت تشخیص گسترش زیرسطحی عوارض زمین شناسی و حفرات کارستی را دارد. عباس‌نیا و نوذری (۱۳۹۳) به بررسی اکتشاف آب با روش ژئوالکتریک و الکترومغناطیس پرداختند. نتایج این پژوهش حاکی از آن بود که روش ژئوفیزیک در مطالعات اکتشافی جز روش‌های غیرمستیم محسوب می‌شود و می‌تواند باعث کاهش هزینه‌های اکتشافی و افزایش کارایی در زمینه اکتشاف آب زیرزمینی شود. طاهری تیزرو و همکاران (۱۳۹۶) پارامترهای هیدرولیکی دشت چهاردولی کردستان با روش ژئوالکتریک محاسبه گردید و نتایج نشان دهنده صحت آزمایش و تایید یافته‌های سینگال و نیواس است. مجدد در پژوهش طاهری تیزرو و همکاران (۱۴۰۱) با استفاده از روش ژئوالکتریک پارامترهای هیدرولیکی دشت زرین آباد گل تپه زنجان را محاسبه نمودند و نتایج محاسبه شده نشان داد که در تعیین

چون سراب گاماسیاب، گیان، فارسبان، ملوسان، گندکبود، کنگاور کنه، گردکانه، بنفسه و رازانه تمامی منطقه را سیراب و به یک قطب بزرگ کشاورزی تبدیل کرده است (بانزاد و همکاران، ۱۳۹۲). شکل ۱ نقشه منطقه مورد مطالعه و جدول ۱ مختصات لوگ‌های اندازه‌گیری شده در بالادست هر چشمۀ بهمنظور شناسایی پتانسیل لایه آبدار را نشان می‌دهد.

شرق به ملایر و از غرب به کرمانشاه محدود می‌شود. شهرستان نهاوند با وسعتی قریب به ۱۴۶۱ کیلومترمربع در جنوب استان همدان و در امتداد رشته کوه‌های زاگرس و مسیر دشت دلتایی نهاوند واقع شده است و به دلیل وجود رشته کوه‌های زاگرس در منطقه، دارای منابع سرشار آب‌های زیرزمینی و آب و هوای مدیترانه‌ای می‌باشد. چشمۀ ساره‌ها و سراب‌های کمنظری



شکل (۱): نقشه محدوده مطالعاتی

جدول (۱): مختصات لوگ‌های برداشت شده به دو روش مورد بررسی

لوگ کترومغناطیس			لوگ ژئوکتریک		
چشمۀ	X	Y	چشمۀ	X	Y
فاماسب (۱)	۴۸/۴۵۷۲	۳۴/۰۳۴۵	فاماسب	۴۸/۴۵	۳۴/۰۳
فاماسب (۲)	۴۸/۴۵۸۰	۳۴/۰۳۴۳			
فارسبان (۱)	۴۸/۴۳۳۳	۳۴/۲۱۵۱	فارسبان	۴۸/۴۳	۳۴/۲۱
فارسبان (۲)	۴۸/۴۳۳۴	۳۴/۲۱۵۲			
قلعه باروداب (۱)	۴۸/۰۸۲۷	۳۴/۲۲۲۰	قلعه باروداب	۴۸/۰۸	۳۴/۲۲
قلعه باروداب (۲)	۴۸/۰۸۲۵	۳۴/۲۲۲۰			
گیان (۱)	۴۸/۲۲۰۲	۳۴/۱۴۱۶	گیان	۴۸/۲۱	۳۴/۱۴
گیان (۲)	۴۸/۲۲۰۲	۳۴/۱۴۱۵			
گندکبود (۱)	۴۸/۱۴۸۵	۳۴/۲۰۷۹	گندکبود	۴۸/۱۴	۳۴/۲۰
گندکبود (۲)	۴۸/۱۴۸۲	۳۴/۲۰۸۰			

شکستگی‌های منطقه است. همچنین گسترش سنگ‌های انحلال‌پذیر نیز موجب شکل‌گیری انواع متنوعی از اشکال کارستی است (قبادی و همکاران، ۱۳۹۰).

آبخوان‌های کارستی که در منطقه وجود دارند و سراب‌های متعدد را تغذیه می‌نمایند، بر تخلخل ناشی از شکستگی (تخلخل ثانویه) و نفوذپذیری زیاد توده‌های کربناته دلالت دارند. فراوانی ساختارهای تکتونیکی در منطقه و واحدهای کربناته شرایط مناسبی برای توسعه کارست در منطقه وجود آورده است. پدیده‌های ژئومورفولوژیکی کارست در منطقه، به خوبی شکل گرفته است و عوارض کارستی به صورت‌های گوناگون قابل مشاهده می‌باشند (قبادی و همکاران، ۱۳۹۰).

روش الکترومغناطیس (FSM)

روش انتخاب فرکانس میدان الکتریکی طبیعی، به اختصار روش انتخاب فرکانس گفته می‌شود. که در اصل و قاعده برای مطالعه تغییرات میدان زیرزمینی، برای حل مشکلات زمین‌شناسی یک روش اکتشاف جریان متناوب است که بر اساس تفاوت الکتریکی میدان الکترومغناطیسی طبیعی زمین (فرکانس ۳۰-۰ کیلوهرتز) در چندین فرکانس مختلف از تغییرات میدان الکترومغناطیسی است. جهت محاسبه عمق نفوذ و مقاومت الکتریکی از رابطه ۱ استفاده می‌شود:

$$(1) \quad \rho_s = \frac{1}{5f} \left(\frac{E_x}{H_y} \right)^2$$

در رابطه ρ_s مقاومت AC را نشان می‌دهد، f فرکانس عملیاتی، H و E به ترتیب مولفه میدان مغناطیسی و مولفه میدان الکتریکی است. با توجه به ویژگی‌های تضعیف موج الکترومغناطیسی سطحی که در سازند منتشر می‌شود، عمق نفوذ موج الکترومغناطیسی در محیط عبارت است از:

$$(2) \quad \delta = 503 \cdot 3pf$$

در معادله ۲، δ : عمق نفوذ، f فرکانس عملیاتی می‌باشد. از موارد فوق، می‌توان دریافت عمق نفوذ امواج الکترومغناطیسی، فرکانس و مقاومت، قابل مشاهده است. هنگامی که فرکانس ثابت است، هر چه مقاومت بیشتر باشد، عمق نفوذ بیشتر می‌-

زمین شناسی

محدوده مورد بررسی این پژوهش در زون سنندج - سیرجان و زاگرس مرتفع (کمربند تراستی زاگرس) قرار دارد. که یکی از فعال‌ترین پهنه‌های ساختمانی غرب ایران در دوره‌های موزوئیک و ستوزوئیک به حساب می‌آید (Aghanabati، 2004).

اشکال و پدیده‌های کارستی گسترش قابل توجهی را به صورت سطحی و زیرسطحی در منطقه نهادن دارند. کارن‌ها به طور کلی در راستای مهدره‌های آنده‌اند که با بیش از یک متر عمق از پدیده‌های عمومی در سنگ آهک کارستی می‌باشند. در قسمت برهنه سنگ‌های آهکی چاههای انحلالی دیده می‌شوند. پونورها یا چاههای مکنده جز دیگر پدیده‌های کارستی موجود در منطقه نهادن هستند که در ارتفاعات مربوط به نوار بالایی کوه گرین دیده می‌شوند. علاوه بر موارد ذکر شده باید آور شد محل تشکیل غارها عمدتاً در سنگ آهک‌های توده‌ای که دارای ضخامت زیادی هستند، می‌باشد (قبادی و همکاران، ۱۳۹۰).

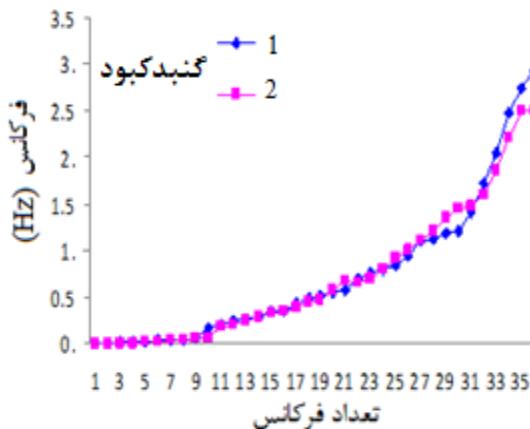
گسترش و توسعه آبخوان‌های کارستی که با ظهور چشمeh‌های متعدد کارستی با آبدهی متوسط ۴ متر مکعب برثایه در منطقه، دیده می‌شود از مهم‌ترین این چشمeh‌های گسله، چشمeh یا سراب گیان است که با گسل‌های منطقه مرتبط هستند (قبادی و همکاران، ۱۳۹۰). ارتباط مستقیم ویژگی‌های فیزیکی سنگ‌ها مانند درصد تخلخل، در ایجاد کارست و میزان گسترش آن نقش مهمی ایفا می‌کنند. اندازه و نوع حفرات موجود در قابلیت انحلال سنگ‌های کربناته بیشترین میزان تغییرات را دارند که معرف تخلخل سنگ می‌باشد (Ford and Williams 2007).

عارض کارستی به صورت‌های گوناگون از جمله: چشمeh‌های کارستی، فروچاله‌ها، غارها، پونورها، چاههای کارستی، اشکال برجه، حفرات انحلالی، پنجه‌های کارستی و انواع کارن‌ها قابل مشاهده می‌باشند. اقلیم، ارتفاع زیاد و زمان از جمله مؤثرترین عوامل بیرونی در ایجاد کارست است. زیرا تکتونیک فعل در منطقه وجود دارد و موجب توسعه

است، از $10.6 / 1000$ هرتز تا 10.0 هرتز متغیر است. با این حال، با توجه به مشکلات زمین شناسی واقعی، می‌توان از فرکانس $PQWT$ $15/7$ هرتز- 25.20 هرتز از فرکانس 10 استفاده کرد (, 2022). جهت نشان دادن تغییرات فرکانس یک منحنی انتخابی برای چشممه گنبد کبود در شکل ۲ ارائه گردیده است. جهت نشان دادن تغییرات فرکانس یک منحنی انتخابی برای چشممه گنبد کبود در شکل ۲ ارائه گردیده است.

گردد، زمانی که مقاومت ثابت باشد، فرکانس کمتر، عمق نفوذ بیشتر است. بنابراین با تغییر فرکانس کاری می‌توان به هدف تغییر عمق دست یافت. از آنجایی که مؤلفه میدان مغناطیسی اساساً در منطقه کوچک ناحیه تاثیر پایدار است، می‌توان از رابطه کیفی بین مؤلفه میدان الکتریکی و مقاومت برای قضاوت در مورد ویژگی‌های مقاومت بالا و پایین ساختار زمین شناسی استفاده کرد.

ابزار مورد استفاده فرکانس الکترومغناطیس را اندازه‌گیری می‌کند. طیف میدان الکترومغناطیسی زمین بسیار گستردگی دارد.

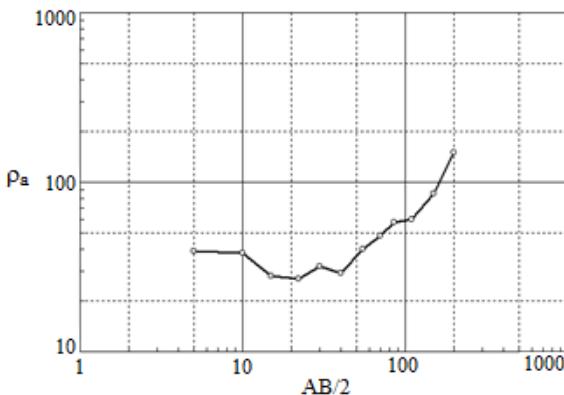


شکل (۲): منحنی تغییرات فرکانس روش الکترومغناطیسی چشممه گنبد کبود

آید. نتایج حاصل از روش الکترومغناطیسی می‌توانند سیمای بهتری از ساختارهای زمین شناسی منطقه برای بالادست هر چشممه و لایه آبدار در اختیار ما بگذارد (Alexei and Bobachev, 1990-2001). در شکل ۳ نوسانات مقاومت ویژه ظاهری چشممه گنبد کبود به عنوان یک نمونه ارداده شده است.

روش ژئوالکتریک

اصل اساسی کاربرد روش‌های ژئوالکتریکی در هیدرولوژی، استفاده از وابستگی مقاومت سنگ‌ها به سنگ‌شناسی آن‌ها و کانی‌سازی آب پرکننده منافذ است. به‌منظور تفسیر کمی اطلاعات به دست آمده در پیمایش صحرایی برای روش ژئوالکتریک از نرم‌افزار IPI2win استفاده می‌شود تا مقاومت ویژه هر لایه و ضخامت آن لایه به دست



شکل (۳): منحنی تغییرات مقاومت ویژه ظاهری چشممه گنبد کبود

$$r = \frac{\sum_{i=1}^n (O_i - \bar{O})(P_i - \bar{P})}{\sqrt{\sum_{i=1}^n (O_i - \bar{O})^2 (P_i - \bar{P})^2}} \quad (۴)$$

که در این روابط O_i مقادیر عمق اندازه‌گیری شده (متر)، \bar{O} میانگین عمق اندازه‌گیری شده (متر)، P_i مقادیر مقاومت ویژه ظاهری در روش ژئالکتریک و فرکانس در روش الکترومغناطیس، \bar{P} میانگین مقادیر مقاومت ویژه ظاهری در روش ژئالکتریک و فرکانس در روش الکترومغناطیس و n تعداد داده‌ها می‌باشد.

نتایج

نتایج حاصل از اندازه‌گیری‌های میدانی به کمک دو روش ژئالکتریک و الکترومغناطیس برای ۵ چشممه دشت نهادوند به صورت خلاصه در شکل‌های ۴ تا ۸ ارائه شده است. مقادیر مقاومت ویژه ظاهری در نظر گرفته شده برای سه لایه در هر چشممه با روش ژئالکتریک (شکل الف) و نوع و جنس لایه‌های زیرین بالادست هر چشممه با روش الکترومغناطیس (شکل ب و ج، با دو مختصات متفاوت در بالادست چشممه) بر اساس مقدار فرکانس و عمق به تفکیک مشخص گردید. روش ژئالکتریک نتایج را براساس مقدار مقاومت ویژه ظاهری به-

IPI2win نرم‌افزار

همانگونه که ذکر شد بهمنظور تفسیر کمی ابتدا داده‌ها به صورت مقادیر مقاومت ویژه ظاهری و $\frac{AB}{2}$ (نصف فاصله الکترودهای جریان) به عنوان ورودی وارد نرم‌افزار IPI2win می‌شود و سپس منحنی اندازه‌گیری شده صحرایی (مشابه شکل (۳) با نتایج روش الکترومغناطیس برای هر چشممه تطبیق داده می‌شوند. در نهایت مقاومت ویژه هر لایه و ضخامت آن لایه خروجی این نرم‌افزار می‌باشد. پس از تفسیر کمی داده‌های مقاومت ویژه ظاهری، مقاطع مقاومت ویژه واقعی از تفسیر حاصل از برازش داده‌های مقاومت ویژه ظاهری با نتایج الکترومغناطیس همراه با به کارگیری اطلاعات زمین‌شناسی منطقه فراهم می‌گردد.

در این پژوهش بهمنظور ارزیابی دقت دو روش مورد استفاده از شاخص‌های خطاستنجی ریشه مربع میانگین خطای نرمال^۱ (NRMSE)، و ضریب همبستگی^۲ (r) استفاده شد.

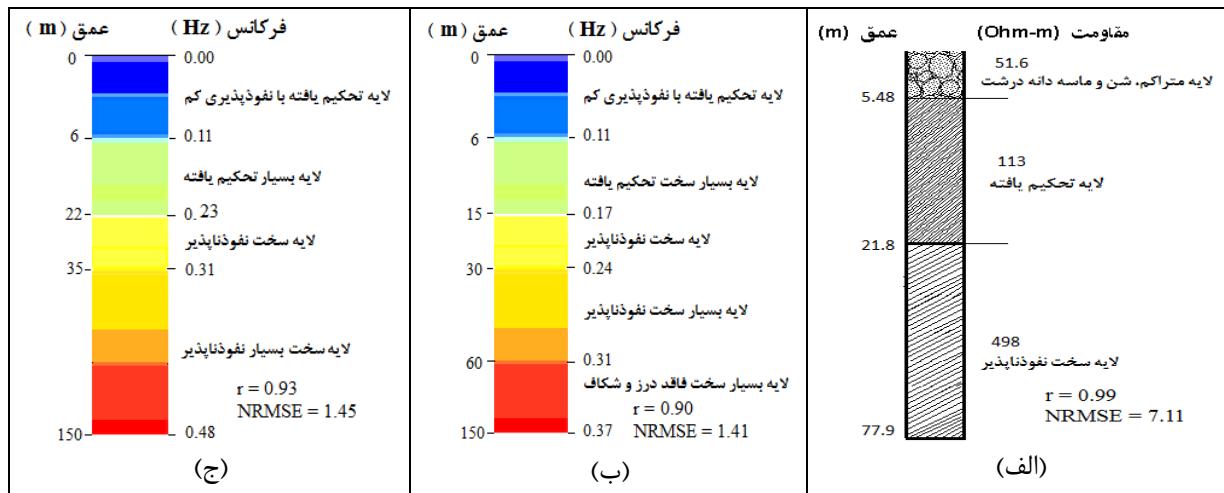
$$NRMSE = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (O_i - P_i)^2}{n}} \quad (۳)$$

^۱ Normal Root Mean Square Error

^۲ Coefficient Of Correlation

در هر لایه زیرسطحی که با روش الکترومغناطیس به ثبت رسیده با تغییر در مقدار مقاومت ویژه ظاهری همان لایه‌ها در روش ژئوالکتریک نیز ثبت شده که گواه اندازه‌گیری دقیق هر دو روش در مناطق مورد بررسی است. جهت بررسی دقت دو روش مقدار شاخص NRMSE و r بر روی هر شکل به تفکیک ارائه شده است.

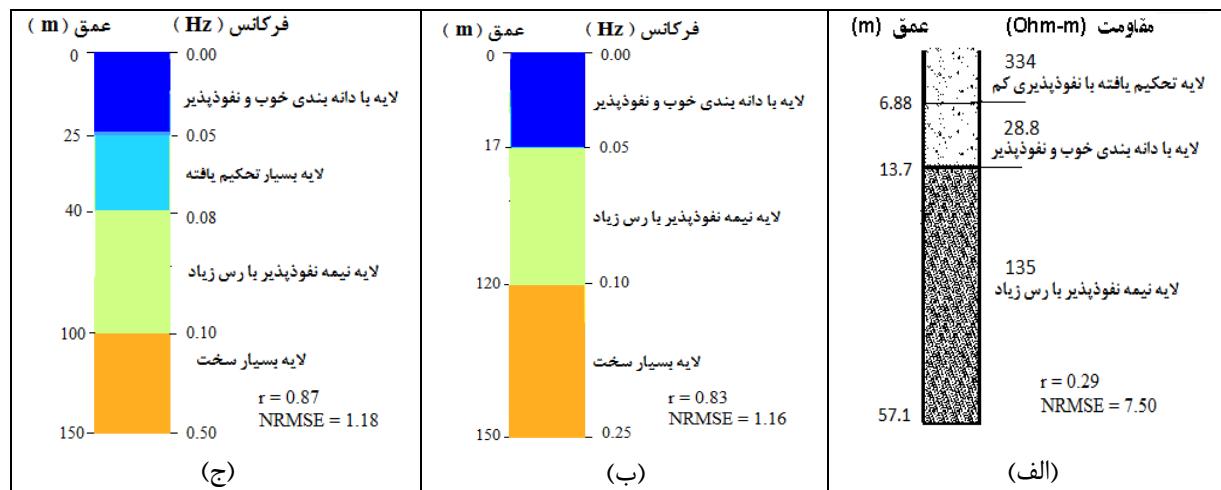
دست آمده از نرم‌افزار IPI2win عمق و جنس لایه را تفسیر می‌نماید اما در روش الکترومغناطیس بر اساس فرکانس ارسالی اطلاعات خروجی بررسی می‌گردد. نتایج کلی دو روش به کار برده شده نشان می‌دهد در تمامی چشممه‌های مورد بررسی روند تغییرات مقاومت ویژه ظاهری با فرکانس همسو بوده است. همچنین تغییرات موجود



شکل (۴): نتایج ژئوالکتریک (ب) و الکترومغناطیس (الف) چشممه فاماسب

صفرا تا ۱۱۰ هرتز با عمق ۶ متر و فرکانس لایه دوم از ۱۱۰ تا ۱۷۰ هرتز تحکیم یافته است و لایه زیرین سه بازه با محدوده فرکانس از ۱۷۰ تا ۳۷۰ هرتز دارد که لایه‌های بسیار سخت نفوذنایپذیر هستند (از ۱۵۰ متر تا ۱۵۰ متر). نتایج شکل (ج) نیز مشابه شکل (ب) تا عمق ۶ متری نفوذپذیری کم و سپس از ۶ متر تا ۲۲ متر دارای لایه تحکیم یافته (فرکانس ۱۱۰ تا ۲۳۰ هرتز) بعد لایه‌های زیرین تا ۱۵۰ متر لایه‌هایی سخت و نفوذنایپذیر هستند (۲۳۰ تا ۴۸۰ هرتز).

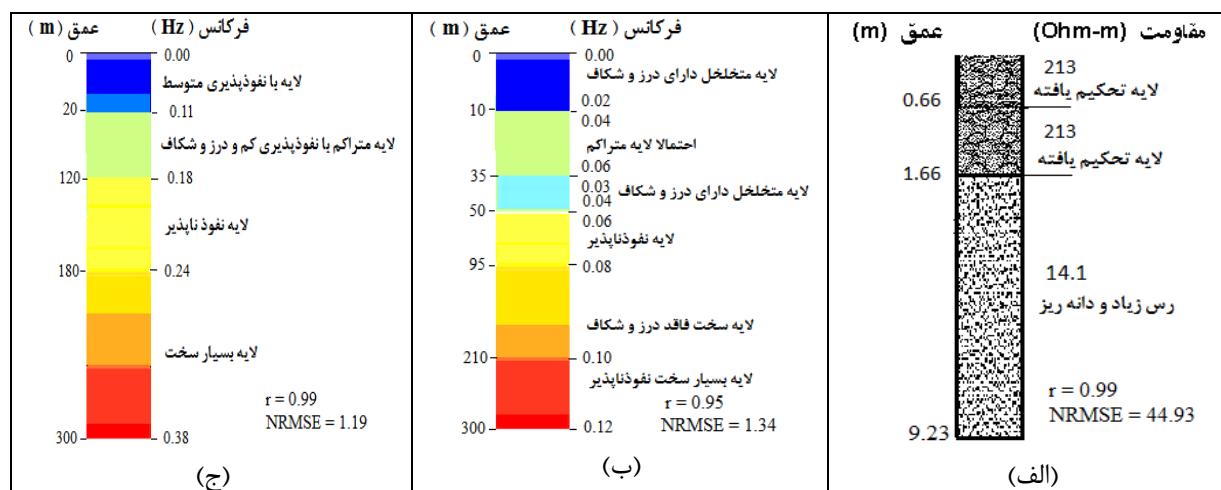
بر اساس نتایج ارائه شده در شکل ۴، آنالیز روش ژئوالکتریک نشان می‌دهد در چشممه فاماسب لایه بالایی مشتملک از شن و ماسه دانه درشت با عمق ۵/۴۸ متر و دارای مقاومت ویژه ظاهری ۵۱/۶ اهم متر است. لایه با نفوذپذیری بسیار کم تا عمق ۲۱/۸ متر با مقدار مقاومت ویژه ظاهری مقاومت ویژه ظاهری ۱۱۳ اهم متر لایه‌ای سخت نفوذ نایپذیر ۱۱۳ اهم متر لایه زیرین می‌باشد، تا عمق ۷۷/۹ متر با مقاومت ویژه ظاهری ۴۹۸ اهم متر لایه‌ای سخت نفوذ نایپذیر در نظر گرفته می‌شود. روش الکترومغناطیس چشممه در دو نقطه (ب و ج) ارزیابی شد در شکل (ب)، فرکانس لایه اول از



شکل (۵): نتایج ژئوکتریک (الف) و الکترومغناطیس (ب، ج) چشمیه فارسban

روش ژئوکتریک در چشمیه فارسban نیز نشان داد اولین لایه از یک لایه یکپارچه با نفوذپذیری کم با عمق ۶/۸۸ متر و مقادار مقاومت ویژه ظاهری ۳۳۴ اهم متر تشکیل شده است. لایه دوم تا عمق ۱۳/۷ متر (مقاومت ویژه ظاهری ۲۸/۸ اهم متر) لایهای با دانه بندی خوب و نفوذپذیر است و لایه سوم از عمق ۱۳/۷ تا ۵۷ متر لایهای نیمه نفوذپذیر با رس زیاد (۱۳۵ اهم متر) قرار دارد.

روش ژئوکتریک در چشمیه فارسban نیز نشان داد اولین لایه از یک لایه یکپارچه با نفوذپذیری کم با عمق ۰/۰۵ هرتز لایه رویی مشابه روش ژئوکتریک نفوذپذیر است و بعد آن در شکل (ب) تا عمق ۱۲۰ متر نیمه نفوذپذیر و در شکل (ج) تا عمق حدود ۱۰۰ متر نیمه نفوذپذیر می باشد (تا فرکانس ۰/۰ هرتز)، زیر دو لایه شکل های خروجی الکترومغناطیس لایهای بسیار سخت قرار دارد.



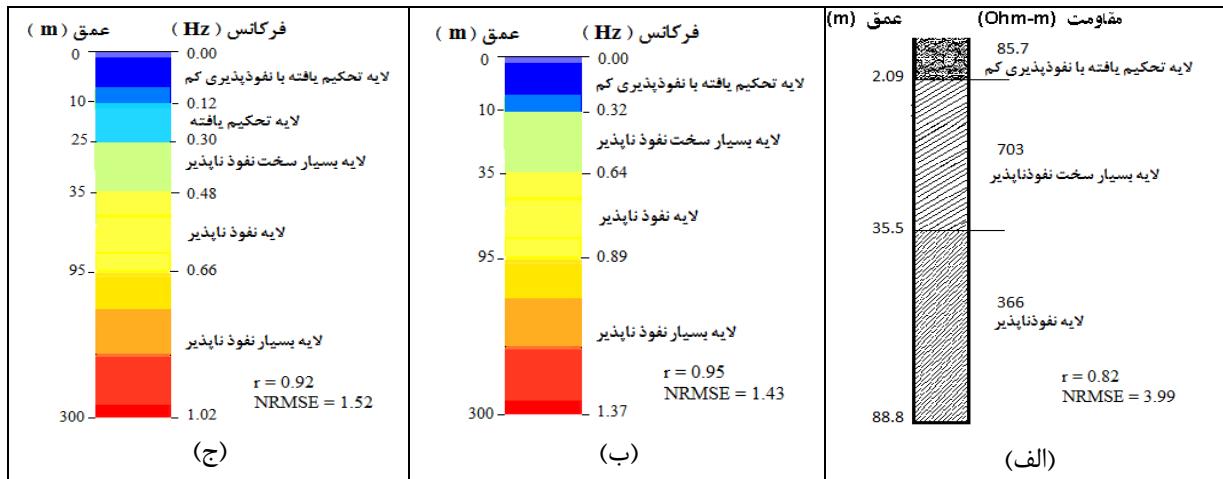
شکل (۶): نتایج ژئوکتریک (الف) و الکترومغناطیس (ب، ج) چشمیه قلعه Baroodab

(مقاومت ظاهری حدود ۱۴/۱ اهم متر) لایه سوم است. لوگ-های الکترومغناطیس این چشمیه (ب) تخلخل و وجود درز و شکاف تا عمق حدود ۱۰ متر در بازه فرکانس های ۰/۰۲ تا ۰/۰۳ و ۰/۰۴ تا ۰/۰۵ هرتز (عمق ۵۰ متر) را نشان می دهد و سایر

نتایج ژئوکتریک قلعه Baroodab که سومین چشمیه مورد بررسی می باشد نشان داد لایه های بالایی با عمق نزدیک به ۲ متر و مقاومت ویژه ظاهری ۲۱۳ اهم متر لایه ای تحکیم یافته است و لایه ای با رس زیاد و دانه ریز تا عمق حدود ۱۰ متر

شکاف قرار دارد تا عمق ۱۲۰ متری و بعد لایه نفوذناپذیر و سخت تا عمق ۱۵۰ متر.

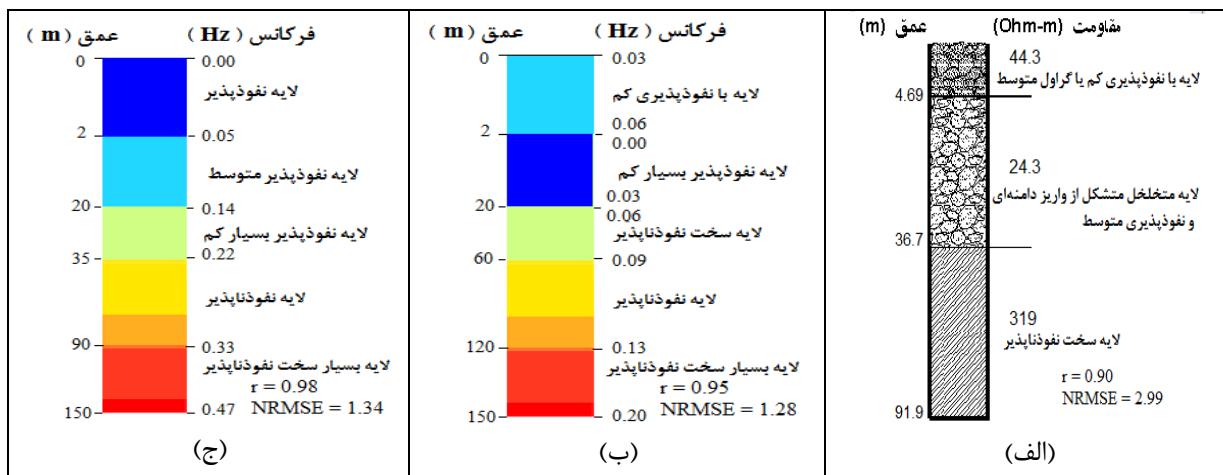
لایه‌ها تحکیم یافته و نفوذناپذیر هستند در نتایج لوگ سوم (ج) از فرکانس ۰ تا ۱/۸ لایه با نفوذناپذیری متوسط و درز و



شکل (۷): نتایج ژئوالکتریک (الف) و الکترومغناطیس (ب، ج) چشم‌های گیان

روش الکترومغناطیس (شکل ب و ج) تا فرکانس حدود ۳۰/۱ هرتز است. لایه‌های سخت و نفوذناپذیر با مقاومت ویژه ظاهری بالاتر از ۳۶۶ اهم متر و فرکانس حدود ۱/۳۰ تا ۱ هرتز در هر دو روش لایه‌های زیرین قرار گرفته‌اند.

تجزیه و تحلیل داده‌های ژئوالکتریک و الکترومغناطیس چشم‌های گیان در شکل ۷ (الف) لایه اول تحکیم یافته با نفوذناپذیری کم (عمق حدود ۲ متر) و مقاومت ویژه ظاهری نفوذناپذیری متعدد (۴۴.۳، ۲۴.۳، ۳۱۹ اهم متر) اندازه‌گیری شد که همسو با نتایج مستخرج از



شکل (۸): نتایج ژئوالکتریک (الف) و الکترومغناطیس (ب، ج) چشم‌های گنبدکبو妥

دقت در روش الکترومغناطیس بالاتر از روش ژئوالکتریک بود علاوه بر پایین‌تر بودن مقدار شاخص NRMSE نسبت به روش ژئوالکتریک مقدار ضریب همبستگی نیز در روش الکترومغناطیس بالاتر از روش ژئوالکتریک با مقدار حدود $0/9$ می‌باشد. کمترین اختلاف اندازه‌گیری بین دو روش در چشمۀ گنبدکبود مشاهده شد در واقع می‌توان گفت مقدار اختلاف شاخص NRMSE در این چشمۀ بین دو روش مورد استفاده حدود $1/6$ است. در نهایت می‌توان اظهار نمود هر دو روش به کار برده شده برای ۵ چشمۀ کارستیکی موجود در منطقه جهت تعیین لایه آبدار و اکتشاف آب نشان داد که روش الکترومغناطیس دقต بالایی در برآورده ضخامت لایه‌های زیرین مشابه روش ژئوالکتریک دارد و روش الکترومغناطیس با سرعت بالاتر و هزینه کمتر نسبت به سایر روش‌ها لایه‌های زیرین را تا عمق 150 متر و 300 متر بررسی می‌کند. دقت روش الکترومغناطیس و برتری آن در پژوهش Yulong و همکاران (2022) ارائه شده است که همسو با نتایج این تحقیق می‌باشد.

با توجه به اینکه تشکیل مخزن در زیر زمین به ویژگی فیزیکی و شرایط سنگ شناسی هر منطقه بستگی دارد و آزمون پمپاژ جهت تشخیص ضخامت لایه آبدار و پتانسیل آن دشوار و پرهزینه می‌باشد در این پژوهش سعی شد با استفاده از روش ژئوالکتریک و الکترومغناطیس ضخامت لایه آبدار ۵ چشمۀ مهم دشت نهادن استان همدان تخمین زده شود تا جهت مدیریت مناسب به کار گرفته شود. منطقه نهادن یک منطقه کارستیک می‌باشد و چشمۀ‌های کارستیکی مورد بررسی قرار گرفتند. نتایج نشان داد گنبدکبود، فارسیان، قلعه باروداب، فاماسب و گیان به ترتیب از بیشترین تا کمترین میزان ضخامت لایه آبدار را در منطقه دارند. بیشترین مقدار ضخامت لایه آبدار در چشمۀ گنبدکبود با 36 متر و در مقابل کمترین در چشمۀ گیان با عمق 2 متر تخمین زده شد از نتایج ارائه شده در این پژوهش می‌توان بهمنظور استفاده در بخش مدیریت آب استفاده نمود، زیرا چشمۀ‌های مورد بررسی منبع اصلی تامین آب کشاورزی و شرب منطقه می‌باشد و لزوم

نتایج تجزیه و تحلیل روش ژئوالکتریک چشمۀ گنبدکبود نشان می‌دهد که لایه‌های رویی با نفوذپذیری کم، تخلخل وجود درز و شکاف تا عمق حدود 36 متر (مقاومت ویژه ظاهری $44/3$ و $24/3$ اهم متر) قرار دارد و لایه زیرین آن سخت و نفوذناپذیر است. در روش الکترومغناطیس همانگونه که در شکل (ب) نمایان است در محدوده فرکانس $0/06$ تا 35 هرتز و عمق حدود 20 متر و در شکل (ج) تا عمق حدود 22 هرتز (فرکانس $0/0$ تا $0/22$ هرتز) لایه با نفوذپذیری کم تا متوسط وجود دارد. سپس لایه‌های نفوذناپذیر قرار گرفته‌اند.

بحث و نتیجه‌گیری

برای ۵ چشمۀ کارستی نهادن مقدار ضخامت لایه آبدار با دو روش ژئوالکتریک و الکترومغناطیس اندازه‌گیری شد. در روش ژئوالکتریک یک سوندazer و روش الکترومغناطیس دو سوندazer الکتریکی در بالادست هر چشمۀ برداشت شد. سوندazer ژئوالکتریک در بین دو سوندazer الکترومغناطیس قرار گرفت و دقت دو روش بررسی گردید. همانگونه که در شکل‌های 4 تا 8 نیز مشخص می‌باشد، بر اساس نتایج شاخص NRMSE دقت روش الکترومغناطیس بالاتر از روش ژئوالکتریک است. در چشمۀ فاماسب مقدار ضریب NRMSE در روش الکترومغناطیس $1/41$ و $1/45$ می‌باشد در حالی که در روش ژئوالکتریک این ضریب $7/11$ به دست آمد. بالا بودن این ضریب نشان از دقت پایین آن نسبت به روش الکترومغناطیس دارد. بررسی دقت روش‌های مورد بررسی در چشمۀ فارسیان نیز اختلاف $6/4$ را بین دو روش نشان می‌دهد و دقت بالاتر روش الکترومغناطیس را نشان می‌دهد، در این چشمۀ مقدار ضریب همبستگی نیز در روش ژئوالکتریک حدود $0/2$ و در روش الکترومغناطیس $0/8$ می‌باشد که بالا بودن این ضریب (r) نیز موید برتری روش جدید الکترومغناطیس است. در بین چشمۀ‌های مورد بررسی چشمۀ قلعه باروداب دارای بیشترین مقدار اختلاف دقت بین دو روش مورد بررسی بود بهطوریکه در روش ژئوالکتریک مقدار شاخص NRMSE حدود 44 و در روش الکترومغناطیس در دو سوندazer $1/19$ و $1/34$ بود. در دو چشمۀ گیان و گنبدکبود نیز مشابه نتایج سه چشمۀ دیگر

مدیریت بهره‌برداری برای استفاده در طولانی مدت ضروری است.

منابع

- بانزاد، ح.، محب زاده، ح.، و علیایی، ا. ۱۳۹۲. کاربرد شبکه های عصبی مصنوعی و GIS در تخمین پارامترهای موثر در تعیین الگوی کشت (مطالعه موردی شهرستان نهاوند). علوم و تکنولوژی محیط زیست، دوره ۱۵، شماره ۱، ص ۳۵-۲۳.
- بی نام. ۱۴۰۱. دفتر مطالعات پایه آب منطقه‌ای، همدان.
- عباس نیا، م.، و نوزدی، م. ۱۳۹۳. ژئوفیزیک و اکتشاف آب‌های زیرزمینی. همايش ملی راهکارهای پیشروی بحران آب در ايران و خاورمیانه. شیراز. ۱-۵.
- طاهری تیزرو، ع.، عبدالهی، ع.، و فصیحی، ر. ۱۴۰۱. کاربرد روش ژئوالکتریک در بررسی پارامترهای هیدرولیکی آب زیرزمینی. یافته‌های نوین زمین‌شناسی کاربردی، دوره ۶، شماره ۳۱، ص ۱۴۹-۱۶۲.
- طاهری تیزرو، ع.، عابدینی، ش.، و کمالی، م. ۱۳۹۶. برآورد پارامترهای هیدرولیکی لایه‌های آبدار با روش ژئوالکتریک (مطالعه موردی: دشت چهاردولی). هیدرولوژی، سال دوم، شماره ۱، ص ۸۵-۱۰۱.
- قبادی، م. ح.، عبدالی لر، ی.، و محبی، ی. ۱۳۹۰. اهمیت شناخت خصوصیات ژئومورفولوژیکی، سنگ شناسی و فیزیکی سنگ های کربناته، جهت ارزیابی توسعه کارست در منطقه نهاوند. فصلنامه زمین‌شناسی کاربردی، سال ۷، شماره ۴، ص ۲۹۹-۳۱۰.
- ناصری، ح. ر.، علیجانی، ف.، و نخعی، م. ۱۳۹۱. اکتشاف آب زیرزمینی در مناطق کارستی جنوب باخترا ایده با استفاده از ترمومگرافی ژئوالکتریک. مجله علوم زمین. سال ۲۲، شماره ۸۶، ص ۱۰۷-۱۱۸.
- Alarifi, S.S., Abdelrahman, K. and Hazaee, B.Y. 2022. Near-surface groundwater exploration using the geoelectrical resistivity method: A case study of Wadi Nisah, Riyadh, Saudi Arabia. Journal of King Saud University-Science, 34(6): 102207.
- Aghanabati, A. 2004. Geology of Iran. Geological survey of Iran, 606 pp. (In Persian)
- Alexei, A., and Bobachev, F. 1990-2001. Desined for automated and interactive semi-automated interpreting if magnetotelluric sounding data. Pub Moscow State, University Geological faculty. Dep. of Geophysics, 151.
- Berdychhevsky, M.H. 1962. Telluric Current Prospecting; China Industrial Press: Beijing, China.
- Ezema, O. K., Ibout, J. C. and Daniel, N. O. 2020. Geophysical investigation of aquifer repositories in Ibagwa Aka, Enugu State, Nigeria, using electrical resistivity method. Groundwater for Sustainable Development 11: 100458
- Ford, D. C., and Williams, P. 2007. Karst Hydrogeology and Geomorphology, John Wiley & Sons, 576 pp.
- Loke, M. H. 2002. 2-D and 3-D Electrical Imaging Surveys, Online Tutorial edition, (drmhloke@hotmail.com).
- Mogaka, D.N. 2010. Geophysical Characterization of the Lithology and Structure of the Olobanita Well Field, Lower Lake Baringo Basin, Kenya Rift: Implication on Groundwater Occurrence (p. 118). Doctoral dissertation, University of Nairobi.
- Omeje, E. T., Ugbor, D. O., Ibuot, J. C. and Obiora, D. N. 2021. Assessment of groundwater repositories in Edem, Southeastern Nigeria, using vertical electrical sounding. Arabian Journal of Geosciences 14: 421. <https://doi.org/10.1007/s12517-021-06769-1>.
- Obiora, D. N. and Ibuot, J. C. 2020. Geophysical assessment of aquifer vulnerability and management: a case study of University of Nigeria, Nsukka, Enugu State. Applied Water Science 10: 29. <https://doi.org/10.1007/s13201-019-1113-7>.

PQWT. 2022. Hunan Puqi Geological Exploration Equipment Research Institute of Changsha, Hunan, China.

Radulescu, V., Radulescu, F., Diacopolos, C. and Popescu, M. 2007. Geoelectrical study for delineating underground cavities in karst areas, Coastal Zone Processes and Management. Environmental Legislation, GEO-ECO-MARINA. 89-95.

Satarugsa, P., Meesawat, N., Manjai, D., Yangsanpoo, S. and Arjwech, R. 2004. Man-made cavity imaging with 2D resistivity technique, International Conference on Applied Geophysics, Chiang Mai, Thailand, pp. 203-210.

Tizro, A.T., Voudouris, K. and Basami, Y. 2012. Estimation of porosity and specific yield by application of geoelectrical method—a case study in western Iran. Journal of hydrology, 454: 160-172.

Wang, P.F., Tan, X.H., Zhang, L.Y., Li, Y.J., and Liu, R.H. 2019. Influence of particle diameter on the wettability of coal dust and the dust suppression efficiency via spraying. Process Saf. Environ. Prot., 132: 189–199.

Yang, T.C., Xia, D.L.; Wang, Q.R., and Fu, G.H. 2017. Theoretical Research and Application of Natural Electric Field Frequency Selection Method; Central South University Press: Changsha, China.

Yulong, L., Tianchun, Y., Tizro, A T., and Yang, L. 2022. Fast Recognition on Shallow Groundwater and Anomaly Analysis Using Frequency Selection Sounding Method. Water, 15(1): 96.