

## کاربرد مدل شبکه عصبی موجک در تخمین شاخص بارش استاندارد

حمیدرضا باباعلی<sup>۱</sup>, رضا دهقانی<sup>۲</sup>

تاریخ دریافت: 1395/09/20

تاریخ پذیرش: 1395/12/01

### چکیده

خشکسالی یکی از پدیده‌های آب و هوایی است که در همه شرایط اقلیمی و در همه مناطق کره زمین به وقوع می‌پیوندد. پیش‌بینی خشکسالی نقش مهمی در طراحی و مدیریت منابع طبیعی، سیستم‌های منابع آب، تعیین نیاز آبی گیاه ایفا می‌نماید. بدین منظور در این پژوهش از داده‌های 4 ایستگاه باران‌سنگی نورآباد، بروجرد، الشتر و دورود واقع در استان لرستان، به بررسی خشکسالی با استفاده از شاخص بارش استاندارد SPI در مقیاس‌های زمانی 6 و 12 ماهه پرداخته شد. سپس، خشکسالی‌ها با مدل شبکه عصبی موجک ارزیابی گردید. نتایج این پژوهش نشان داد ایستگاه‌های بروجرد و دورود دارای طولانی‌ترین خشکسالی و ایستگاه نورآباد شدیدترین خشکسالی را دارا می‌باشد. همچنانی نتایج حاصل از بررسی تعداد ماهه‌ای خشکسالی نشان داد بیشترین ماهه‌ای خشکسالی در ایستگاه بروجرد رخداده است. نتایج تخمین خشکسالی‌ها با مدل شبکه عصبی موجک نشان داد این مدل در برآورد شاخص خشکسالی ایستگاه دورود نسبت به سایر ایستگاه‌ها نتایج مطلوبی در هر دو مقیاس زمانی ارائه می‌نماید درمجموع نتایج نشان داد مدل شبکه عصبی موجک جهت تخمین خشکسالی در مقیاس زمانی طولانی‌مدت دقت بیشتری از خود نشان داده و استفاده از مدل شبکه عصبی موجک می‌تواند در زمینه تخمین خشکسالی مؤثر باشد که در نوبه خود برای تسهیل توسعه و پیاده‌سازی استراتژی‌های مدیریتی جهت جلوگیری از ایجاد خشکسالی‌ها مفید است.

**واژه‌های کلیدی:** بارش، خشکسالی، شاخص بارش استاندارد، شبکه عصبی موجک.

<sup>1</sup> استادیار گروه مهندسی عمران، دانشگاه آزاد خرم آباد، خرم آباد، ایران.

<sup>2</sup> دانشجوی دکترای سازه‌های آبی، دانشگاه لرستان، لرستان، ایران. reza.dehghani67@yahoo.com (مسئول مکاتبه)

Bonaccorso et al., 2003; Tsakiris (and Vangelis, 2004; Mishra and Singh, 2010) شاخص بارش استاندارد یکی از مهم‌ترین شاخص‌های خشکسالی محسوب می‌شود. با توجه به اهمیت خشکسالی برای کشور ایران تاکنون پژوهش‌های اندکی درباره پیش‌بینی شاخص بارش استاندارد صورت گرفته است. از سوی دیگر با توجه به روند غیرخطی شاخص بارش استاندارد مدل‌های آماری نتایج قابل قبولی ارائه نمی‌کند. برای حل این مشکل باید از مدل‌هایی استفاده کرد که توانایی پیش‌بینی روندهای غیرخطی را دارند. امروزه سیستم‌های هوشمند به طور گسترده برای پیش‌بینی پدیده‌های غیرخطی مورداستفاده قرار می‌گیرد، که شبکه عصبی موجک از جمله این روش‌ها است. طی سال‌های اخیر استفاده از روش‌های هوشمند در مطالعات شاخص بارش استاندارد حوضه‌های آبریز مورد توجه محققین قرار گرفته است، که از جمله می‌توان به موارد ذیل اشاره نمود:

نصیری (1389) با استفاده از عناصر اقلیمی و الگوهای سنجش‌از دور، خشکسالی‌های شهر شیراز را با مدل شبکه عصبی مصنوعی پیش‌بینی نمود. و نشان داد که پیش‌بینی گستته‌ی خشکسالی زمستانه به مراتب دقیق‌تر از پیش‌بینی پیوسته‌ی خشکسالی است. گلابی و همکاران (1392) عملکرد شبکه عصبی مصنوعی و سری‌های زمانی را جهت مدل‌سازی شاخص خشکسالی بارش استاندارد در ایستگاه‌های منتخب استان خوزستان موردنرسی قراردادند و نشان دادند مدل‌های سری زمانی در دوره‌های زمانی موردمطالعه عملکرد بهتری در پیش‌بینی مقادیر شاخص بارش استاندارد نسبت به شبکه‌های عصبی مصنوعی دارند و شبکه عصبی مصنوعی پرسپترون چندلایه نیز نسبت به شبکه عصبی مصنوعی تابع پایه‌ی شعاعی توانایی بهتری دارد. نگارش و آرمش (1390) از شبکه عصبی مصنوعی جهت پیش‌بینی خشکسالی شهر خاش بهره گرفتند و نشان دادند شبکه عصبی مصنوعی نسبت به مدل رگرسیونی

## مقدمه

خشکسالی یکی از خطرات طبیعی بسیار مهم و نگران‌کننده در مقیاس جهانی محسوب می‌شود. پدیده‌ی خشکسالی در بین خطرات مختلف طبیعی کمتر شناخته شده و در مقایسه با دیگر مخاطرات طبیعی و زیست‌محیطی دارای پیچیدگی‌های بیشتری است (He et al., 2011). پدیده‌ی خشکسالی دارای اثرات سوء اقتصادی و زیست‌محیطی بر فعالیت‌های بشری به‌ویژه در زمینه کشاورزی است. خشکسالی سبب کاهش تولید محصولات کشاورزی شده و از این طریق موجب بروز آسیب‌های اقتصادی می‌گردد (Nguyen et al., 2015). از نظر زیست‌محیطی نیز پدیده‌ی خشکسالی که عموماً با کاهش نزولات جوی و افزایش دما همراه است، سبب شور شدن اراضی می‌گردد (Mishra and Singh, 2010). به طور کلی پدیده‌ی خشکسالی نشان‌دهنده‌ی گونه‌ای از ناهنجاری اقلیمی است که سبب کمبود منابع آب می‌گردد که این کمبود می‌تواند ناشی از کاهش بارش، توزیع نامنظم بارش، افزایش نیاز آبی و یا ترکیبی از این عوامل باشد (شمس‌نیا، 1387). دوره خشکسالی از نقطه‌نظر هیدرولوژی عبارت است از دوره‌ای که در آن مقادیر جریان از مقدار ثبیت‌شده‌ای که طی یک سیستم مدیریتی در برگیرنده مصارف آشامیدنی، کشاورزی و صنعت تعیین‌شده‌اند، به طور قابل ملاحظه‌ای کمتر باشد (کارآموز و عراقی نژاد، 1389). پایش مؤثر و به موقع خشکسالی به عنوان گام نخستین کاهش آسیب‌های خشکسالی محسوب شده و می‌تواند سبب توسعه‌ی سیستم‌های هشدار قبلی شود (Nguyen et al., 2015). از این‌رو ارزیابی کمی و دقیق شرایط خشکسالی در یک منطقه به عنوان قدم اول در مدیریت منابع آب محسوب می‌گردد. ارزیابی و پیش‌بینی شرایط خشکسالی با استفاده از شاخص‌های کمی خشکسالی امکان‌پذیر است که در بین این شاخص‌ها، شاخص بارش استانداردشده (SPI)<sup>1</sup> (کاربرد

<sup>1</sup> Standardized Precipitation Index

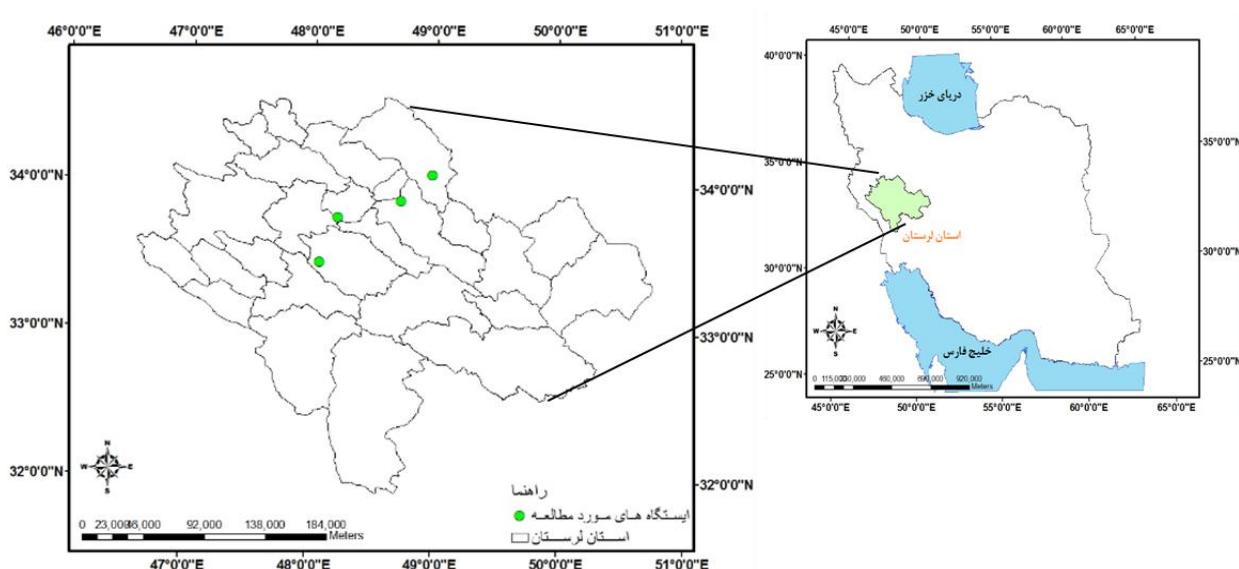
درمجموع با توجه به پژوهش‌های انجامشده و همچنین اهمیت دشت‌های نورآباد، الشتر، بروجرد و دورود واقع در استان لرستان از لحاظ شرب و کشاورزی که مهمترین دشت‌های تولید محصولات کشاورزی این استان بوده است تغییرات شاخص بارش استاندارد بهمنظور پیش‌بینی و اقدامات مدیریتی جهت جلوگیری از خشکسالی بیش‌ازپیش ضروری است. لذا هدف از این تحقیق تخمین شاخص بارش استاندارد این ایستگاه‌ها با استفاده از مدل شبکه عصبی موجک بر اساس پارامتر شاخص بارش استاندارد طی تأخیرهای متفاوت در مقیاس زمانی ماهانه می‌باشد.

## مواد و روش‌ها

### منطقه موردمطالعه

جغرافیای لرستان به دلیل قرار گرفتن این استان در رشته‌کوه‌های زاگرس جغرافیایی کوهستانی و چهارفصل است. این استان یکی از استان‌های کوهستانی غرب ایران بوده که بیشتر مناطق این استان را کوه‌های زاگرس پوشانده است. آب‌وهای استان لرستان متنوع و تنوع آب‌وهای در آن از شمال شرق به جنوب غرب کاملاً مشهود است. استان لرستان سومین استان پر آب کشور و 12 درصد آب‌های کشور را در اختیار دارد. دشت‌های نورآباد، الشتر، بروجرد و دورود در این استان در ناحیه‌های شمال و شرق با آب‌وهای معتدل مرکزی قرار دارند که در شکل 1 موقعیت ایستگاه‌های هیدرومتری موردمطالعه در استان لرستان نشان داده شده است. همچنین در جدول 1 موقعیت جغرافیایی این ایستگاه‌ها قابل مشاهده است.

از دقت بیشتری برخوردار است. نتایج حاصل از پژوهش صفحه‌کشکن و رادمنش (1393) که جهت پیش‌بینی شاخص خشکسالی بارش استاندارد از شبکه عصبی مصنوعی استفاده نمودند نشان داد شبکه عصبی دقت بالایی در تخمین شاخص بارش استاندارد دارد. افحمری و همکاران (1394) در پژوهشی تأثیر پردازش متغیرهای ورودی شاخص بارش استاندارد در پیش‌بینی خشکسالی با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی را مورد ارزیابی قراردادند و نشان داد شبکه عصبی مصنوعی با تبدیل موجک عملکرد قابل قبولی Mishra et al., 2007 در پیش‌بینی خشکسالی دارد برای پیش‌بینی خشکسالی در حوضه‌ی رودخانه‌ی کاناباتی از مدل هیبریدی و یک شبکه غیرخطی عصبی مصنوعی استفاده کردند. و نشان دادند مدل ترکیبی هیبریدی دقت بالایی برای پیش‌بینی خشکسالی دارد. Barua et al., 2010 برای پیش‌بینی خشکسالی روش ADI ، از شبکه‌های عصبی RMSNN و DMSNN بهره گرفتند و نشان دادند شبکه‌های RMSNN برای پیش‌بینی سه‌ماهه و شبکه‌های DMSNN برای بازه‌ی زمانی شش‌ماهه نتایج بهتری دارند Belayneh et al., 2014 جهت پیش‌بینی شاخص بارش استاندارد در رودخانه آواش در اتیوپی از مدل‌های شبکه عصبی موجک و مدل ترکیبی موجک SVR استفاده نمودند و نشان دادند مدل شبکه عصبی موجک دقت بالایی در تخمین شاخص بارش استاندارد دارد. نتایج پژوهش Jalalkamali et al., 2015 که جهت تخمین شاخص بارش استاندارد از مدل‌های هوشمند استفاده کردند نشان داد مدل ARIMAX نسبت به مدل‌های هوشمند از عملکرد بهتری برخوردار است. Gaye et al., 2015 در پژوهشی به تجزیه و تحلیل شاخص بارش استاندارد با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی پرداختند در این پژوهش از داده‌های بارش حوضه سیواس در آناتولی مرکزی جهت بررسی شاخص بارش بهره گرفتند و نشان دادند شبکه عصبی مصنوعی دقت بالایی در پیش‌بینی شاخص بارش استاندارد دارد.



شکل (۱): منطقه موردمطالعه و ایستگاه‌های موردبررسی

جدول (۱): مشخصات جغرافیایی ایستگاه‌های موربدبررسی

ایستگاه	طول جغرافیایی	عرض جغرافیایی	ارتفاع از سطح دریا(m)	میانگین بارش(m)
دورود	48/065	33/476	1800	57/689
بروجرد	48/719	33/900	1530	42/275
الشتر	48/207	33/786	1560	48/054
نورآباد	48/970	34/082	1450	42/561

زمانی پایان می‌یابد که SPI مثبت شود که در جدول ۲ نشان داده شده است. شاخص بارش استاندارد طبق رابطه زیر قابل محاسبه است.

$$SPI_n = \frac{p_0 + \sum p_{i-n} - \mu_n}{\delta_n} \quad (1)$$

که در آن،  $n$  تعداد ماههایی که بارش تجمعی شان محاسبه شده است؛  $P_0$  مقدار نرمال شده بارش ماه فعلی؛  $P_i$  مقدار نرمال شده بارش ماه قبل؛ میانگین بارش تجمعی  $n$  ماه و انحراف معیار بارش تجمعی  $n$  ماه می‌یابند.

### شاخص بارش استاندارد (SPI)

برای تعیین سال‌های شاخص خشکسالی و ترسالی در دوره آماری 1372-1392، از شاخص بارش استاندارد شده SPI استفاده شد. بسیاری از محققان انعطاف‌پذیری شاخص SPI و قابلیت آن برای مقیاس‌های مختلف زمانی را تأیید نمودند (Edwards.,1997). این شاخص برای هر منطقه بر اساس ثبت بارش‌های طولانی‌مدت آن محاسبه می‌شود. ابتدا توزیع آماری مناسب برای آمار بلندمدت بارندگی‌ها برآرازش داده و سپس تابع تجمعی توزیع با استفاده از احتمالات مساوی به توزیع نرمال تبدیل می‌شود، بطوریکه استاندارد شده و متوسط آن برای هر منطقه و دوره مدنظر صفر شود (Edwards.,1997). مقادیر مثبت SPI نشان‌دهنده بارش بیش از میزان متوسط و مقادیر منفی آن معنای عکس دارد. طبق این روش دوره خشکسالی رخ می‌دهد که شاخص SPI بطور مستمر منفی و به مقدار ۱- و کمتر برسد و

ویولت  $\psi(x)$  نامیده می‌شوند را نیز بصورت زیر بیان نمود (Wang et al., 2000):

$$(3) \quad m, k \in \mathbb{Z}$$

$$\psi_{m,k}(x) = 2^{-m/2} \psi(2^{-m}x - k)$$

در حالت کلی همه توابع فیزیکی را می‌توان به کمک ویولت‌ها و توابع مقیاس بصورت زیر بیان نمود:

$$f(x) = f_0(x) + \sum_{m=-\infty}^0 \sum_{k=-\infty}^{\infty} d_{m,k} \psi_{m,k}(x) \quad (4)$$

$$f_0(x) = \sum_k a_{0,k} \phi_{0,k}(x) \quad (5)$$

روابط فوق بیان می‌دارند که هر تابع فیزیکی را می‌توان ابتدا به کمک تعدادی توابع مقیاس در رزولوشن صفر تقریب زد و سپس به کمک توابع ویولت در رزولوشن‌های مختلف آن تقریب آن را تا میزان دقت موردنظر ادامه داد.

شبکه‌های عصبی ویونت بر مبنای روابط (4) و (5) شکل می‌گیرند و دارای الگوریتم‌های آموزش مخصوص خود می‌باشد که در پژوهش Shin et al. (2005) به صورت کامل مورد بررسی قرار گرفته است. لازم به ذکر است در حالت کلی خانواده ویولتهای پیوسته نیز به صورت زیر بیان می‌شود:

$$\psi_{a,b}(t) = \frac{1}{\sqrt{a}} \psi\left(\frac{t-b}{a}\right) \quad a, b \in R \quad (6)$$

و تبدیل ویولت برای تابع پیوسته به‌وسیله رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$(7)$$

$$W_{a,b}(f) = \tilde{f}_{(a,b)} = \langle \psi_{a,b}(t), f(t) \rangle = \frac{1}{\sqrt{a}} \int_{-\infty}^{+\infty} f(t) \psi^*\left(\frac{t-b}{a}\right) dt$$

در اینجا پارامتر  $a$  بعنوان پارامتر گسترش و متناسب با فرکانس می‌باشد (عبارت دیگر پارامتر تأخیر کوچک متناظر با فرکانس بالا و پارامتر تأخیر بزرگ متناظر با فرکانس پایین می‌باشد) و پارامتر  $b$  بعنوان پارامتر انتقال و متناسب با زمان می‌باشد.

جدول (2): طبقه‌بندی مقادیر شاخص SPI

مقادیر	طبقات
>2	ترسالی بسیار شدید
1/99 < SPI < 1/5	ترسالی شدید
1/49 < SPI < 1	ترسالی
0/99 < SPI < -0/99	نرمال
-1 < SPI < -1/49	خشکسالی
-1/5 < SPI < -1/99	خشکسالی شدید
<-2	خشکسالی بسیار شدید

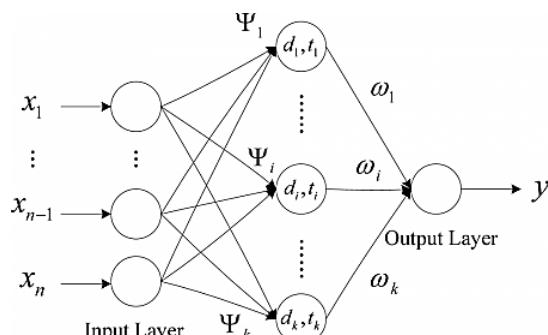
### شبکه عصبی موجک

شبکه‌های عصبی مبتنی بر ویولت که ویونت نامیده می‌شوند از ترکیب دو تئوری ویولتها و شبکه‌های عصبی بوجود آمده‌اند (Vapnik, 1998). این شبکه‌ها هم از مزايا و ویژگی‌های شبکه‌های عصبی برخوردارند و هم جذابیت‌ها و انعطاف‌پذیری‌ها و مبانی ریاضی مستحکم ویولتها و آنالیز چند مقیاسی را دارا می‌باشند. در ویونت‌ها از دودسته توابع ویولت و توابع مقیاس (scaling functions) استفاده می‌شود. یک خانواده از توابع مقیاس  $\phi(x)$  به صورت زیر معرفی می‌شوند

$$\phi_{m,k}(x) = 2^{-m/2} \phi(2^{-m}x - k) \quad m, k \in \mathbb{Z} \quad (2)$$

اگر  $\phi(x)$  را یک تابع مقیاس مادر در نظر بگیریم، مقادیر  $2^{-m}$  و  $k$  به ترتیب مربوط به گسترش و انتقال تابع مقیاس مادر هستند. تابع مقیاس رزولوشن  $m$ ،  $\phi_{m,k}(x)$  در اصل پایه‌های متعامد فضای برداری  $v_m$  در رزولوشن  $m$  می‌باشند.

به عبارتی فضای برداری  $v_m$  حاوی کلیه تقریب‌های  $\phi_{m,k}(x)$  تابع  $f(x)$  با رزولوشن  $m$  و توسط تابع  $\{v_m\}$  می‌باشد. بنابراین فضاهای برداری  $v_m$  حاوی تقریب‌های مختلف تابع  $f(x)$  در رزولوشن‌های مختلف می‌باشند. حال اگر  $w_m$  را فضای برداری متعامد با  $v_m$  در رزولوشن  $m$  فرض کنیم آنگاه می‌توان دسته‌ای دیگر از پایه‌های متعامد فضای  $w_m$  که



شکل(2): نمای کلی یک شبکه عصبی موجک سه لایه‌ای

### معیارهای ارزیابی

در این تحقیق به منظور ارزیابی دقت و کارایی مدل‌ها، از نمایه‌های ضریب همبستگی (R)، ریشه میانگین مربعات خطا (RMSE) و میانگین قدر مطلق خطا طبق روابط زیر استفاده گردید. بهترین مقدار برای این سه معیار به ترتیب یک، صفر و صفر می‌باشد.

$$R = \frac{\sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})^2 \sum_{i=1}^N (y_i - \bar{y})^2}} \quad -1 \leq R \leq 1 \quad (8)$$

$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (x_i - y_i)^2} \quad (9)$$

$$MAE = \frac{1}{n} \sum |x_i - y_i| \quad (10)$$

در روابط بالا،  $x_i$  و  $y_i$  به ترتیب مقادیر مشاهداتی و محاسباتی در گام زمانی  $i$  ام،  $\bar{x}$  و  $\bar{y}$  نیز به ترتیب میانگین مقادیر مشاهداتی زمانی،  $\bar{x}$  و  $\bar{y}$  نیز به ترتیب میانگین مقادیر مشاهداتی و محاسباتی می‌باشد. علاوه بر معیارهای فوق از نمودارهای پراکنش و سری زمانی مقادیر مشاهداتی-محاسباتی نسبت به زمان نیز جهت تحلیل بیشتر نتایج استفاده شده است.

### الگوریتم ویولت

تلفیق تئوری موجک با مفاهیم شبکه عصبی منجر به ایجاد شبکه عصبی موجک می‌گردد و بکارگیری آن می‌تواند جایگزین مناسبی در شبکه‌های عصبی پیشخور جهت تخمین و تقریب توابع غیرخطی اختیاری باشد. در شبکه‌های عصبی پیشخور، دارای تابع فعالسازی سیگموئید در لایه پنهان می‌باشد در حالیکه در شبکه‌های عصبی موجک، توابع موجک بعنوان تابع فعالسازی لایه پنهان شبکه پیشخور در نظر گرفته می‌شوند در این شبکه‌ها هر دو پارامتر انتقال و تغیر مقیاس موجک‌ها در کنار وزن‌هایشان بهینه می‌گردند. در مجموع گام‌های مهم در آموزش و صحت سنجی شبکه عصبی موجک بصورت زیر است.

الف-داده‌های ورودی به دودسته جهت آموزش شبکه و صحت سنجی مورداستفاده قرار می‌گیرند.

ب-موجک مادر با احراز شرایط یادشده پس از اعمال ضرایب انتقال و مقیاس مناسب به موجک فرزند تبدیل می‌شود.

ج- تابع فعالسازی نزون‌های لایه پنهان شبکه عصبی با انواع موجک‌های فرزند جایگزین می‌شود.

د-شبکه عصبی ویولت ایجادشده با استفاده از مجموعه داده‌های مربوط به آموزش شبکه، آموزش داده می‌شود.

ه-عملکرد کلی شبکه موجک با تجزیه و تحلیل نحوه تخمین داده‌های صحت سنجی موردنیروی قرار می‌گیرد. و با رضایت‌بخش بودن عملکرد شبکه مرحله آموزش به اتمام می‌رسد. در غیر اینصورت مراحل قبل تا دستیابی به بهترین حالت مورد ارزیابی قرار می‌گیرد (کاوه و ایرانمنش، 1384). نمونه ایی از ساختار شبکه سه لایه‌ای متشکل از یک لایه ورودی، یک لایه مخفی، و یک لایه خروجی در شکل 2 نشان داده شده است.

زمانی مشخص شد که در مقیاس زمانی کوتاه‌مدت شدت خشکسالی‌ها کمتر بوده و در مقیاس زمانی بلندمدت شدت خشکسالی‌ها افزایش و تداوم رخدادهای طولانی‌مدت خشکسالی نیز بیشتر شده است. به عبارتی، خشکسالی در مقیاس‌های زمانی کوتاه‌مدت از تداوم زیادی برخورد نبوده و تحت تأثیر بارش‌های ماهانه نیست، در حالی که دوره‌های زمانی بلندمدت واکنش بسیار سریع‌تری نسبت به تغییرات بارش نشان می‌دهند.

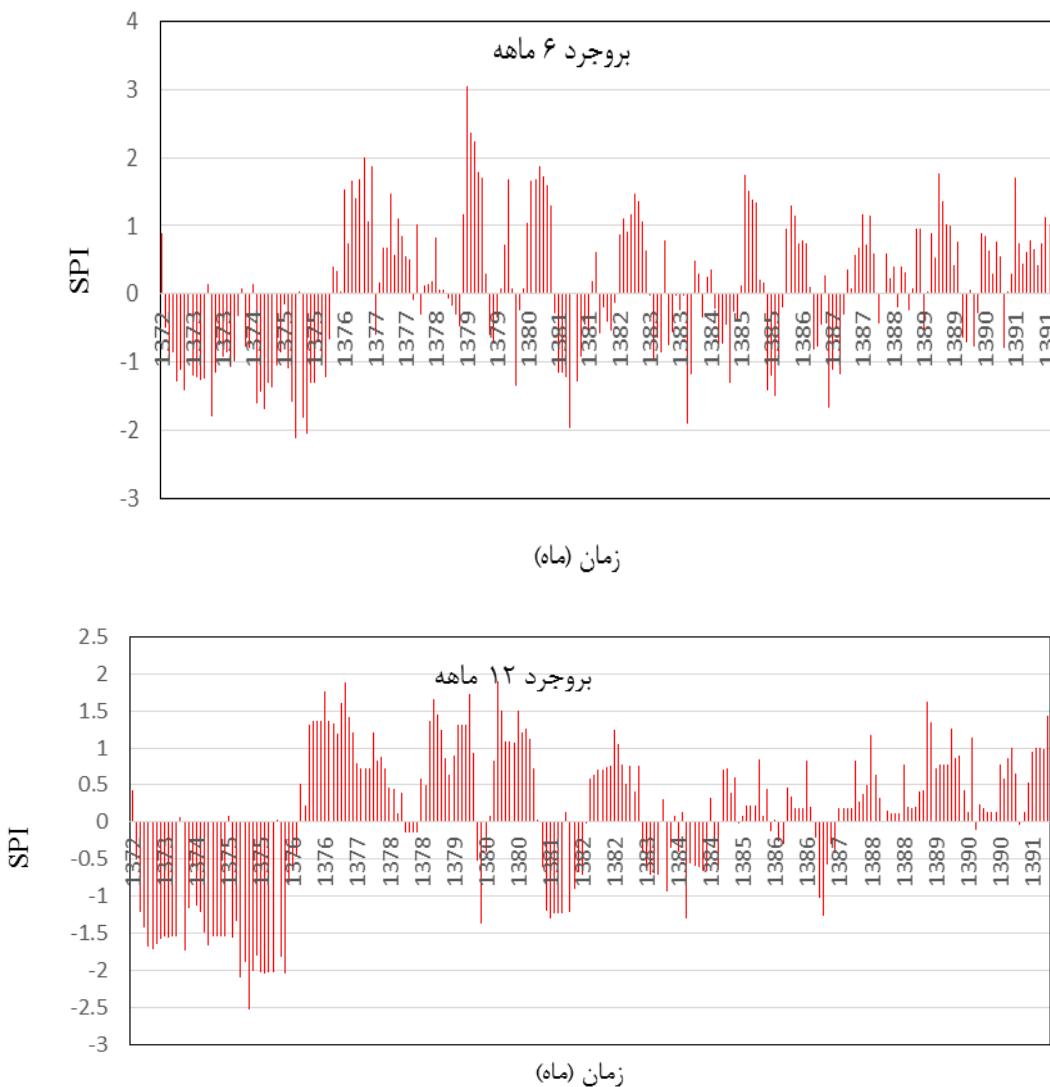
## یافته‌ها

همانگونه که گفته شد به منظور ارزیابی خشکسالی در استان لرستان با تأخیرهای 6 و 12 ماهه از روش شاخص استاندارد SPI، استفاده شد. با توجه به جدول 3 ایستگاه‌های بروجرد و دورود در بین ایستگاه‌های موردپژوهش، دارای طولانی‌ترین خشکسالی برای طول دوره‌ی آماری موردمطالعه بودند و شدیدترین خشکسالی نیز در کل دوره مربوط به ایستگاه نورآباد و در مقیاس زمانی 6 ماهه بوده که شدت آن برابر با 2/89- بوده و در اردیبهشت‌ماه سال 1374 رخداده است. همچنین از مقایسه خشکسالی در دو مقیاس

جدول(3): طولانی‌ترین دوره و قوی خشکسالی و شدت در طول دوره در هر ایستگاه‌های مختلف

بیشترین شدت		تاریخ رخداد طولانی‌ترین خشکسالی		ایستگاه
ماه 12	ماه 6	ماه 12	ماه 6	
-2/76	-2/89	-	76/1-75/3	نورآباد
-2/79	-2/64	75/11-75/3	-	الشتر
-2/53	-2/11	76/2-74/2	73/5-73/2	بروجرد
-2/32	-2/65	76/2-75/3	72/5-72/2	دورود

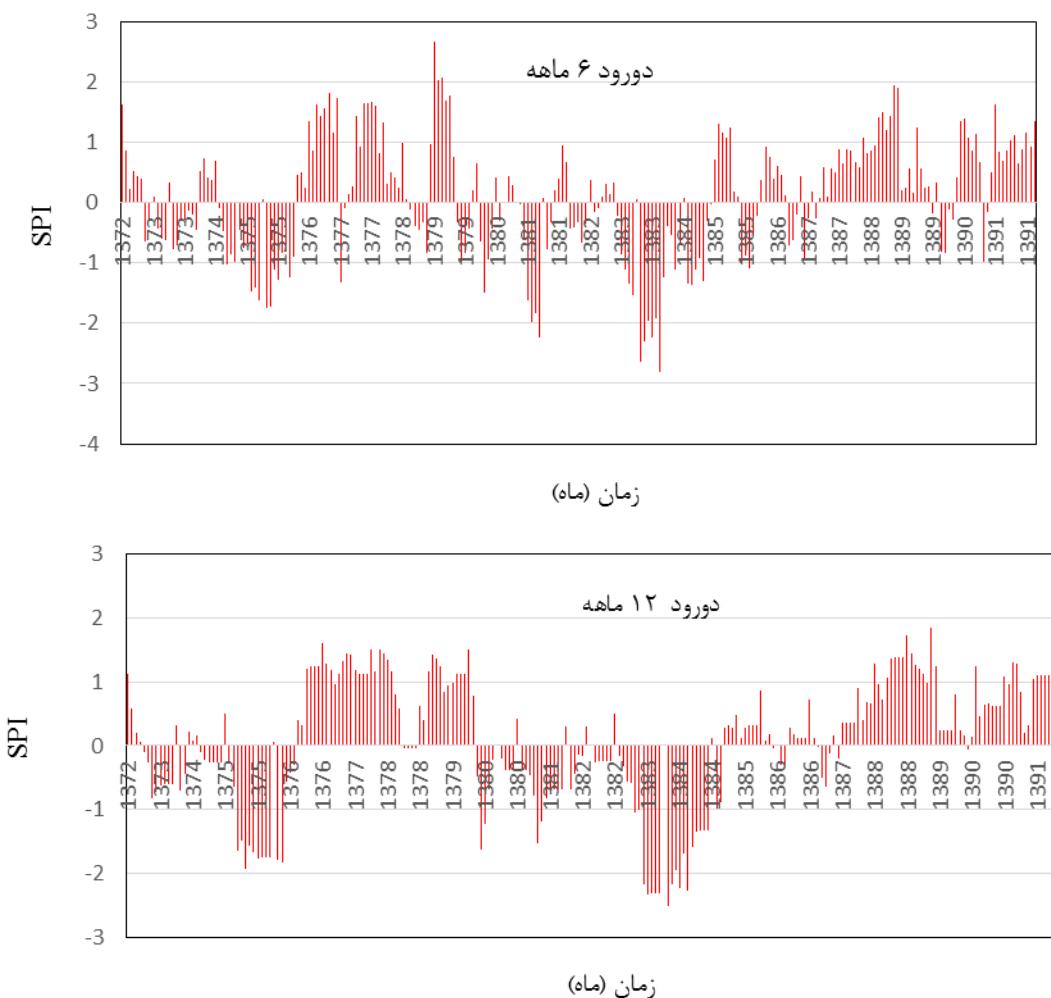
همانگونه که گفته شد در بین ایستگاه‌های موردمطالعه ایستگاه‌های بروجرد و دورود دارای طولانی‌ترین خشکسالی در دوره آماری موردمطالعه بودند که در ادامه تغییرات شاخص SPI در این ایستگاه‌ها برای طول دوره مطالعه به تفکیک ارائه شده است. مقدایر SPI برای ایستگاه بروجرد در شکل 2 نشان می‌دهد که در مقیاس زمانی 12 ماهه 43 ماه خشکسالی در 7 دوره رخداده که شدیدترین مورد آن در ماه بهمن سال 1383 با مقدار 2/53- بوده است. در این مقیاس زمانی مقدار شاخص، بین 1/9 تا 53/1- نوسان دارد. طولانی‌ترین دوره خشکسالی در این مقیاس زمانی از ماه آبان سال 1383 تا آبان سال 1385 به مدت 24 ماه و بیشترین مقدار شاخص در این دوره 2/53- با طبقه خشکسالی بسیار شدید است. در مقیاس زمانی 6 ماهه 39 ماهه خشکسالی رخداده است و در مجموع شدت آن در این دوره 54/93- بوده است و شدیدترین مورد خشکسالی در ماه بهمن سال 1375 با مقدار شاخص 2/11- و طبقه خشکسالی خیلی شدید است. در این مقیاس زمانی بادوام‌ترین خشکسالی آبان سال 1382 تا بهمن سال 1384 به مدت 5 ماه در ایستگاه بروجرد رخداده است (شکل 3).



شکل(3): شدت خشکسالی SPI در مقیاس‌های 6 و 12 ماهه برای ایستگاه بروجرد

5/2- با طبقه خشکسالی بسیار شدید است. در مقیاس زمانی 6 ماهه 32 ماه خشکسالی رخداده است و در مجموع شدت آن در این دوره 50/54- بوده است و شدیدترین مورد خشکسالی در ماه اردیبهشت سال 1383 با مقدار شاخص 2/65 و طبقه خشکسالی خیلی شدید است. در این مقیاس زمانی بادوام‌ترین خشکسالی آبان سال 1381 تا بهمن سال 1381 به مدت 4 ماه در ایستگاه بروجرد رخداده است (شکل 4).

بررسی مقادیر SPI در ایستگاه دورود در مقیاس زمانی 12 ماهه در شکل 3 نشان داد که در این ایستگاه در مقیاس زمانی موردنظر 32 ماه خشکسالی در 6 دوره خشک رخداده که شدیدترین مورد آن در ماه مهر سال 1384 با مقدار 2/32- بوده است. در این مقیاس زمانی مقدار شاخص، بین 1/8 تا 5/2- نوسان دارد. طولانی‌ترین دوره خشکسالی در این مقیاس زمانی از ماه مهر سال 1382 تا بهمن سال 1383 به مدت 17 ماه و بیشترین مقدار شاخص در این دوره



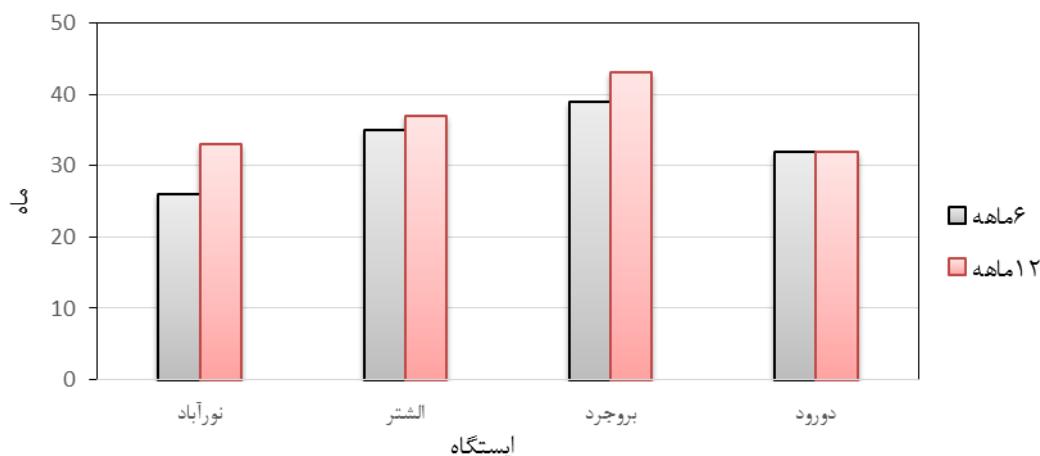
شکل (4): شدت خشکسالی SPI در مقیاس‌های 9 و 12ماهه برای ایستگاه دورود

تداوم، شدت و فراوانی دوره‌های خشکی نسبت به دیگر نقاط استان معمولاً بیشتر بوده است. اکبر زاده و همکاران (1388) در بررسی تحلیل مکانی شاخص خشکسالی SPI در استان آذربایجان شرقی طی دوره‌ی آماری (1987-2006) نشان دادند که شدیدترین مقدار مشاهده شده خشکسالی استان آذربایجان شرقی با توجه به محاسبات شاخص SPI در شرق استان بهویژه ایستگاه سراب رخداده است، در حالی که بیشترین فراوانی وقوع خشکسالی در شمال غرب استان بهویژه در ایستگاه جلفا رخداده که بطرف جنوب و جنوب شرقی از فراوانی وقوع کاسته می‌شود. همچنین طولانی‌ترین تداوم خشکسالی در شرق و مرکز استان (ایستگاه سراب و تبریز) رخداده است. با

در شکل 5 نیز تعداد ماههای خشکسالی برای کل دوره‌ی آماری موردمطالعه در تأخیرهای زمانی 6 و 12 ماهه ارائه شده است. با توجه به شکل 5 در مقیاس زمانی 12ماهه ایستگاه‌های بروجرد، الشتر و نورآباد بیشترین ماههای خشکسالی و برای مقیاس زمانی 6 ماهه ایستگاه‌های بروجرد و الشتر بیشترین فراوانی خشکسالی رخداده است. اسدی و همکاران (1388) در ارزیابی و مطالعه خشکسالی ایستگاه‌های باران-سنجدی استان آذربایجان شرقی دریافتند که خشکسالی همواره با شدت‌های مختلف در منطقه به وقوع پیوسته است ولی در نواحی جنوبی استان در ایستگاه‌های مراغه، ملکان، بناب، کوهسار، میانه و سعیدآباد که متوسط بارندگی نسبتاً بالایی دارند،

مربوطه به ایستگاههای نورآباد و دورود و برای مقیاس زمانی 12ماهه در ایستگاه بروجرد مشاهده گردید.

توجه به شکل 6 کمترین شدت خشکسالی در کل دوره‌ی آماری برای مقیاس زمانی 6 ماهه به ترتیب



شکل (5): مقایسه تعداد ماههای خشکی برای ایستگاهها در دو مقیاس زمانی 6 و 12ماهه



شکل (6): مقایسه شدت خشکی برای ایستگاههای مختلف در دو مقیاس زمانی 6 و 12ماهه

می‌باشد، استفاده شد. درنهایت تعداد 189 رکورد برای آموزش و تعداد 46 رکورد باقی‌مانده برای صحبت سنجی روش‌های موربدبررسی انتخاب شد. در این پژوهش بمنظور تخمین خشکسالی، از مدل شبکه عصبی موجکی با لایه‌های پنهان و با تعداد نرون‌های متفاوت استفاده شده است. در مدل عصبی موجکی ابتدا موجک مناسب (سیمیلت) انتخاب گردید. سپس با اعمال تبدیل روی داده‌ها، ضرایب تقریب و جزئیات آنها استخراج گردید و داده‌ها بوسیله تابع موجک کلاه مکزیکی به عنوان توابع فعال‌سازی که مشتق دوم تابع

### تخمین خشکسالی با مدل شبکه عصبی موجک

یکی از مهمترین مراحل در مدلسازی، انتخاب ترکیب مناسبی از متغیرهای ورودی است. ترکیب‌های مختلفی از پارامترهای ورودی به‌منظور دستیابی به مدل بهینه جهت تخمین خشکسالی استفاده شد که در جدول 4 آمده است. بدین منظور از داده‌های ایستگاههای باران‌سنجی نورآباد، الشتر، دورود و بروجرد که دارای 240 رکورد ثبت‌شده طی بازه زمانی (1392-1372)، در مقیاس زمانی ماهانه

محاسباتی و مشاهداتی نسبت به زمان در مقیاس زمانی 12 ماهه قابل مشاهده است، همانطور که مشاهده می‌شود توانایی مدل شبکه عصبی موجک در تخمین اکثر مقادیر ایستگاه دورود مشهود است بطوریکه این مقادیر را نزدیک به مقدار واقعی‌شان پیش‌بینی نموده است. درنهایت نتایج پژوهش فوق با نتایج پژوهش‌های Belayneh et al., 2014 و Jalalkamali et al., 2015 همخوانی دارد در تبیین این نتایج می‌توان بیان نمود تبدیل موجکی با جدا نمودن سیگنال به فرکانس‌های بالا و پائین ویژگی‌های چند مقیاسی سیگنال را در اختیار داشته و دقت مدل را تا حد قابل توجهی، بالا می‌برد. سیگنال‌های بالا گذر و پایین گذر حاصل از تجزیه موجک، برآش بسیار خوبی با معادلات مجموع سینوسی دارند که هر چه تعداد موatab این معادلات بیشتر می‌شود، دقت کار افزایش می‌یابد بسامدهای مراحل پایین‌تر تجزیه، نویز بیشتری دارند، ولی با افزایش سطح تجزیه از میزان نویز کاسته شده و سیگنال نرمتر می‌شود.

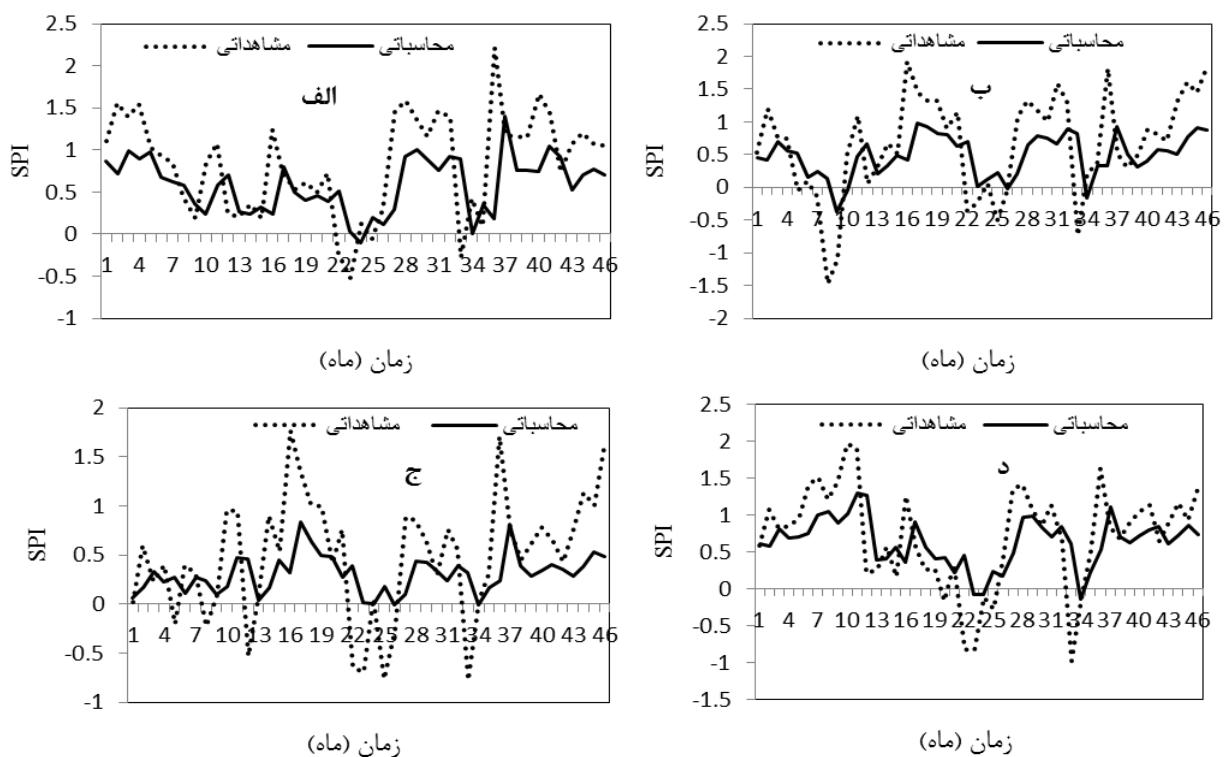
گوسی بوده، تبدیل می‌یابند. جهت آموزش شبکه از الگوریتم گرادیان نزولی که در یادگیری شبکه‌های عصبی و حداقل سازی مقدار خطای و تنظیم پارامترهای شبکه استفاده می‌شود، بکار گرفته شد. معیارهای ارزیابی بین مقادیر مشاهده‌ای و محاسباتی تعیین شد که مقادیر آن‌ها در جدول 5 ارائه شده است و همچنین برای ایستگاه دورود که دارای بیشترین مقدار همبستگی در بهترین شبکه بود نمودار مقایسه‌ای مربوط به داده‌های پیش‌بینی شده و داده‌های مشاهده شده ترسیم شد (شکل 6). طول دوره داده‌های اعتبارسنجی در این بخش از دی‌ماه سال 1388 تا اسفند سال 1392 می‌باشد. بر اساس نتایج جدول 5 مشخص گردید که بر اساس مجموع معیارهای ارزیابی مدل، برای ایستگاه دورود در مقیاس زمانی 6 و 12 ماهه حداکثر ضریب همبستگی و کمترین خطای ایستگاه‌های نورآباد و بروجرد حداقل ضریب همبستگی و بیشترین خطای را دارد. همانطور که در جدول 5 مشاهده می‌شود ایستگاه دورود در مقیاس زمانی 6 ماهه با ضریب همبستگی 0/6011 و کمترین ریشه میانگین مربعات خطای RMSE= 0/0610 در مرحله صحت سنجی نسبت به سایر ایستگاه‌ها جهت مدل‌سازی خشکسالی در مقیاس زمانی ماهانه مناسب‌تر خواهد بود. همچنین این ایستگاه (دورود) در مقیاس 12 ماهه با ضریب همبستگی 0/6319 و کمترین ریشه میانگین مربعات خطای RMSE= 0/0674 و کمترین میانگین قدر مطلق خطای MAE= 0/0518 در مرحله صحت سنجی نسبت به سایر ایستگاه‌ها در اولویت قرار گرفت. در شکل 7 نمودار بهترین مدل حاصل شده برای داده‌های بخش صحت سنجی در مقیاس زمانی 6 ماهه، ایستگاه‌های مورد بررسی نشان داده شده است همانطور که در این شکل مشخص است مدل شبکه عصبی موجک در ایستگاه دورود نسبت به سایر ایستگاه‌ها از عملکرد قابل قبولی برخوردار است بگونه‌ای که این مدل در تخمین مقادیر میانی توانایی بالایی از خود نشان داده است. همچنین در شکل 8 تغییرات مقادیر

جدول (4): ترکیب‌های منتخب پارامترهای ورودی مدل شبکه عصبی موجک

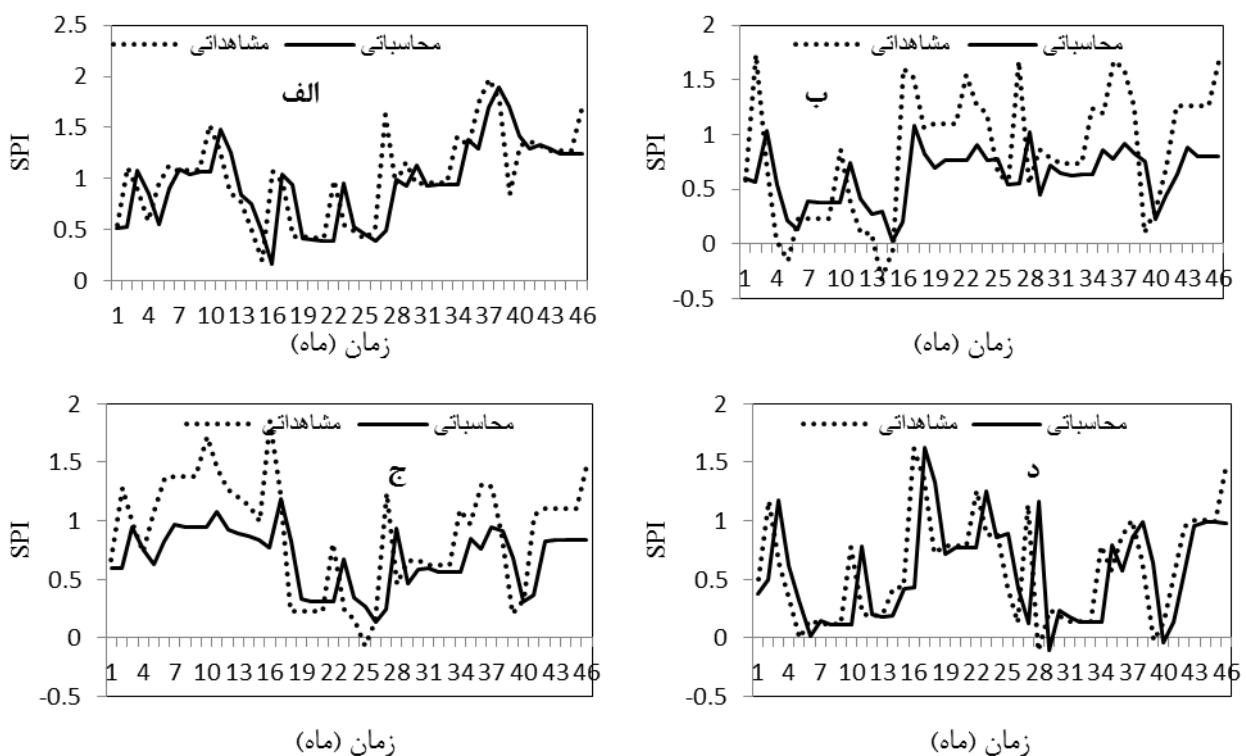
شماره	ساختار ورودی	خروجی
1	SPI (t-1)	SPI (t)
2	SPI (t-1), SPI (t-2)	SPI (t)
3	SPI (t-1), SPI (t-2), SPI (t-3)	SPI (t)

جدول (5): تحلیل نتایج مدل شبکه عصبی موجک برای ساختارهای مختلف شاخص بارش استاندارد

صحت سنجی			آموزش			ایستگاه
MAE	RMSE	R	MAE	RMSE	R	
0/0518	0/0674	0/6319	0/0750	0/0863	0/7520	دورود
0/0538	0/0670	0/6254	0/0628	0/0865	0/7410	
0/0550	0/0712	0/5699	0/0881	0/0942	0/6750	
0/0536	0/0697	0/4731	0/0716	0/0824	0/5560	
0/0553	0/0705	0/4733	0/0735	0/0973	0/5320	
0/0559	0/0721	0/4489	0/0798	0/0965	0/5140	
0/0490	0/0642	0/5942	0/0670	0/0823	0/6420	
0/0508	0/0644	0/4333	0/0609	0/0827	0/5580	
0/0601	0/0761	0/1979	0/0823	0/0986	0/3530	
0/0639	0/0823	0/5705	0/0764	0/0936	0/6820	مقیاس 12 ماهه
0/0665	0/0829	0/5480	0/0776	0/0941	0/6510	
0/0700	0/0862	0/4940	0/1010	0/0973	0/5240	
0/0610	0/0793	0/6011	0/0741	0/0912	0/6820	
0/0615	0/0807	0/5974	0/0764	0/0931	0/6730	
0/0655	0/0826	0/5771	0/0782	0/0947	0/6250	
0/0690	0/0910	0/4364	0/0973	0/1120	0/6730	
0/0710	0/0912	0/4252	0/0992	0/1270	0/6540	
0/0854	0/1026	0/3613	0/1080	0/1460	0/5480	
0/0590	0/0771	0/4901	0/0731	0/0958	0/6420	نورآباد
0/0658	0/0817	0/4761	0/0752	0/0986	0/6270	
0/0672	0/0841	0/4686	0/0837	0/1050	0/6040	
0/0853	0/1092	0/5483	0/0940	0/1170	0/7530	
0/0883	0/1119	0/5263	0/1050	0/1280	0/7360	
0/0895	0/1151	0/5096	0/1180	0/1340	0/7120	
						الشتر



شکل(7): نمودار مقادیر بهینه مشاهداتی و محاسباتی زمانی 6 ماهه مدل شبکه عصبی موجک برای داده‌های مرحله صحت سنجی (الف) نورآباد در مقیاس (ب) الشتر (ج) بروجرد (د) دورود



شکل(8): نمودار مقادیر بهینه مشاهداتی و محاسباتی در مقیاس زمانی 12 ماهه مدل شبکه عصبی موجک برای داده‌های مرحله صحت سنجی (الف) نورآباد (ب) الشتر (ج) بروجرد (د) دورود

و دورود دارای طولانی‌ترین خشکسالی و ایستگاه نورآباد شدیدترین خشکسالی را دارا می‌باشد. همچنین از مقایسه خشکسالی در دو مقیاس زمانی مشخص شد که در مقیاس زمانی کوتاه‌مدت شدت خشکسالی‌ها کمتر بوده و در مقیاس زمانی بلندمدت شدت خشکسالی‌ها افزایش و تداوم رخدادهای طولانی‌مدت خشکسالی نیز بیشتر شده است. از سوی دیگر نتایج حاصل از بررسی تعداد ماههای خشکسالی نشان داد در مقیاس‌های زمانی 6 و 12 ماهه بیشترین ماههای خشکسالی در ایستگاه بروجرد رخداده است و کمترین شدت خشکسالی در مقیاس زمانی 6 ماهه به ترتیب مربوطه به ایستگاه‌های نورآباد و دورود و برای مقیاس زمانی 12 ماهه در ایستگاه بروجرد مشاهده گردید. مدلسازی تخمین شاخص بارش استاندارد نشان داد عملکرد مدل شبکه عصبی موجک در ایستگاه دورود در مقیاس‌های زمانی 6 و 12 ماهه نسبت سایر ایستگاه‌ها از دقت مطلوبی برخوردار بوده است. همچنین درمجموع مدل شبکه عصبی موجک در تخمین شاخص SPI برای هر دو مقیاس زمانی عملکرد قابل قبولی از خود نشان داده است و می‌تواند جهت پیش‌بینی خشکسالی در منطقه مناسب باشد.

## نتیجه‌گیری

شناخت ویژگی‌های خشکسالی لازمه مدیریت منابع آب است. تحلیل پایش خشکسالی از نیازهای اساسی برنامه‌ریزی‌های مدیریتی کشاورزی و منابع آبی محسوب می‌شود. بدین منظور باید از شاخص‌های خشکسالی استفاده گردد. شاخص استانداردشده بارش (SPI) یکی از شاخص‌های مهمی است که هدف آن اختصاص ارزش عددی به مهم‌ترین فاکتور اقلیمی (بارندگی) است. این شاخص برای تعیین کمبود بارش در مقیاس‌های زمانی مختلف بکار می‌رود. مقیاس‌های زمانی، تأثیرات خشکسالی را در توانایی منابع آب نشان می‌دهند. در این پژوهش شدت خشکسالی در یک دوره 20 ساله برای 4 ایستگاه نورآباد، الشتر، دورود و بروجرد در دو مقیاس 6 و 12 ماهه بررسی گردید. سپس بر اساس شدت‌های خشکسالی به دست‌آمده در ماههای مختلف با در نظر گرفتن مقیاس‌های زمانی، خشکسالی از دیدگاه‌های مختلف بررسی و رخداد شدیدترین خشکسالی‌ها و دوره تناوب آنها مقایسه و تحلیل گردید. همچنین درنهایت به تخمین خشکسالی با مدل شبکه عصبی موجک با استفاده از معیارهای ارزیابی پرداخته شد. نتایج شاخص بارش استاندارد نشان داد ایستگاه‌های بروجرد

## منابع

- اسدی، ا.، مجذوبی هریس، ا. فاخری فرد و ع. ا. صدرالدینی. 1388. بررسی خشکسالی استان آذربایجان شرقی با استفاده از شاخص SPI. دومین همایش ملی اثرات خشکسالی و راهکارهای مدیریت آن افخمی، ح.، م. اختصاصی و م. محمدی. 1394. تأثیر پردازش متغیرهای ورودی شاخص بارش استاندارد در پیش‌بینی خشکسالی در شبکه‌های عصبی مصنوعی با استفاده از تبدیل موجک. نشریه تحقیقات مرتع و بیابان ایران، سال 22، شماره 3، ص 570-582.
- اکبرزاده، ی.، ف. صادقی و م. حسین بابایی. 1388. تحلیل مکانی شاخص خشکسالی SPI در استان آذربایجان شرقی طی دوره آماری 1987-2006، همایش منطقه‌ای بحران آب و خشکسالی.
- شمس‌نیا، ا. س.، ن. پیرمرادیان و م. ع. شاهرخ‌نیا. 1387. پایش و تحلیل پراکندگی مکانی شدت خشکسالی سال زراعی 1379-80 استان فارس با استفاده از شاخص معیارشده بارش (SPI) در محیط سامانه‌ی جغرافیایی (GIS). مجله دانش نوین کشاورزی، سال چهارم، شماره 13، ص 7-21.

- صفشکن، ف.، ف. رادمنش. 1393. استفاده از شبکه عصبی مصنوعی در پیش‌بینی شاخص خشکسالی بارش استانداردشده در استان فارس. دومین همایش ملی بحران آب (تغییر اقلیم، آب و محیط زیست) کارآموز، م.، ش. عراقی نژاد. 1389. هیدرولوژی پیشرفته، انتشارات دانشگاه صنعتی امیرکبیر، چاپ دوم، ص 356
- کاوه، ع.، ع. ایرانمنش. 1384. شبکه عصبی مصنوعی در بهینه‌سازی سازه‌ها. چاپ سوم. انتشارات مرکز تحقیقات ساختمان و مسکن.
- گلابی، م. ر.، ف. رادمنش و ع. م. آخوند علی. 1392. بررسی عملکرد شبکه عصبی مصنوعی و سری‌های زمانی در مدل‌سازی شاخص خشکسالی بارش استاندارد (مطالعه موردی: ایستگاه‌های منتخب استان خوزستان). نشریه خشکبوم، سال 3، شماره 1، ص 82-87
- نصیری، م. 1389. پیش‌بینی خشکسالی با استفاده از شبکه‌های عصبی مصنوعی مطالعه موردي ایستگاه سینوپتیک شیراز، پایان نامه‌ی کارشناسی ارشد اقلیم شناسی، دانشگاه سیستان و بلوچستان
- نگارش، ح.، م. آرمش. 1390. پیش‌بینی خشکسالی شهر خاش با استفاده از مدل شبکه عصبی. مطالعات جغرافیایی مناطق خشک. سال 2، شماره 6، ص 33-50

Barua, S., B.J.C. Perera, A.M. NG and D.H. Tran.2010. Drought forecasting using an aggregated drought index and artificial neural networks. *Journal of water and climate change*,1 (3): 206–193

Belayneh, A., J. Adamowski, B. Khalil and B. Zielinski. 2014. Long-term SPI drought forecasting in the Awash River Basin in Ethiopia using wavelet neural network and wavelet support vector regression models. *Journal of Hydrology*, 508(4):418-429.

Bonaccorso, B., I. Bordi, A. Cancelliere, G. Rossi and A. Sutera.2003. Spatial variability of drought: an analysis of the SPI in Sicily. *Water resources management*, 17(4):273-296

Edwards, D.C.1997. Characteristics of 20th century drought in the United States at multiple time scales. *Climatology Report Number 97-2*. Colorado State University. Fort Collins, Colorado

Gaye, O., O. Yildiz and A. Duvan .2015. A Drought Analysis Of Sivas Using The Standardized Precipitation Index (SPI) Method And Drought Estimation With The Artificial Neural Networks. *International Journal of Advances in Mechanical and Civil Engineering*, 2(5): 1-7

He, B., A. Lü, J. Wu, L. Zhao and M. Liu .2011. Drought hazard assessment and spatial characteristics analysis in China. *Journal of Geographical Sciences*, 21(2):235-49.

Jalalkamali, A., M. Moradi and M. Moradi. 2015. Application of several artificial intelligence models and ARIMAX model for forecasting drought using the Standardized Precipitation Index. *International Journal of Environmental Science and Technology*, 4(12):1201-1210

Mishra, A.K., V.R. Desai and P. Singh .2007. Drought Forecasting Using a Hybrid Stochastic and Neural Network Model, *Journal of Hydrologic Engineering*, 12(6): 626-638

Mishra, A.K., V.P. Singh .2010. A review of drought concepts. *Journal of Hydrology*. 391(1):202-216.

Nguyen, L.B., Q.F. Li, T.A. Ngoc and K. Hiramatsu . 2015. Adaptive Neuro–Fuzzy Inference System for Drought Forecasting in the Cai River Basin in Vietnam. *Journal of the Faculty of Agriculture Kyushu University*, 60(2): 405-415.

Shin, S., D. Kyung, S. Lee, J. Taik & Kim and J. Hyun . 2005. An application of support vector machines in bankruptcy prediction model. *Expert Systems with Applications*, 28(1): 127-135.

Tsakiris, G., H. Vangelis .2004.Towards a Drought Watch System based on Spatial SPI. *Water Resources Management*, 18(1): 1–12.

Vapnik, V.N. 1988. *Statistical Learning Theory*. Wiley, New York.

Wang, D., A.A. Safavi and J.A. Romagnoli .2000. Wavelet-based adaptive robust M-estimator for non-linear system identification. *AIChE Journal*, 46(8):1607-1615.

## Application of Wavelet Neural Network for Predicting Standardized Precipitation Index

Hamid Reza Baba Ali<sup>1</sup>, Reza Dehghani<sup>2</sup>

### Abstract

Drought is one of the most important climatic phenomena which occurs in all climate conditions and regions of the earth. Drought forecasting, therefore plays an important role in designing and management of natural resources and water resources systems, assessing plant evapo-transpiration. For this purpose, in this study, data from four meteorological stations nourabad, borujerd, aleshtar and doroud in Lorestan province, on time scales of 6 and 12 months were used to analyze drought by using standardized precipitation index SPI. Then, droughts were evaluated using neural network model estimation. The results showed, Boroujerd and Doroud stations have the longest drought period, and severe drought is recorded in Nourabad station. The results of the survey showed that Boroujerd Station had maximum amount of drought months occurred during the drought period. The results of using wavelet neural network model showed best estimation of SPI for Doroud station than others in both time scales. In conclusion, the results showed more accuracy of wavelet neural network model in estimation of long-term drought, and the use of wavelet neural network model can estimate the drought effectively, Which in return facilitates the development and implementation of management strategies to avoid drought.

**Key words:** Precipitation, Drought, Standardized Precipitation Index, Wavelet Neural Network.

<sup>1</sup> Assistant Professor of Civil Engineering, Islamic Azad University, Khorramabad

<sup>2</sup> Ph.D. Student of Water Structure, Faculty of Agric., University of Lorestan, Khorramabad, Iran  
(Corresponding author.; Email: reza.dehghani67@yahoo.com)