

## مقایسه تاثیر پارامترهای هموزن و پارامترهای وزن دار شده به روش تئوری آشفتگی در نتایج شاخص کیفیت آب (مطالعه موردی: دشت فسا)

امیرحسین پارسامهر<sup>۱</sup>، محمد زارع<sup>۲\*</sup>، زهرا خسروانی<sup>۳</sup>، علیرضا پورباقری<sup>۴</sup>

تاریخ ارسال: ۱۳۹۶/۱۲/۰۲

تاریخ پذیرش: ۱۳۹۷/۰۱/۳۰

### چکیده

یکی از روش‌های تعیین کیفیت آب، استفاده از شاخص کیفیت آب است. پارامترهای بسیاری در این شاخص استفاده می‌شود که اهمیت هر یک از آن‌ها در تعیین کیفیت آب یکسان نیست. بنابراین یکی از مهمترین مسائل پیش روی محققین، محاسبه میزان اهمیت هر یک از پارامترهای مورد بررسی است. هدف از این پژوهش مقایسه تاثیر پارامترهای با وزن یکسان و پارامترهای وزن دار شده به روش تئوری آشفتگی در نتایج کیفیت آب دشت فسا بود. برای این منظور وزن ۹ پارامتر شیمیایی ۵۵ نمونه آب زیرزمینی، یکبار به صورت برابر و بار دیگر با وزن‌های بدست آمده از روش تئوری آشفتگی (آنتروپی شانون) محاسبه شدند. سپس با استفاده از آنالیزهای آماری، وجود یا عدم وجود تفاوت معنی‌دار در نتایج کیفیت آب حاصل از دو گروه (وزن‌های یکسان و وزن‌های متفاوت) مورد بررسی قرار گرفت. در ادامه جهت تعیین کارایی هر یک از این دو روش، ضریب همبستگی رتبه‌ای اسپیرمن بین رتبه کیفیت چاه‌ها در روش‌های مورد بررسی و رتبه کیفیت چاه‌ها به روش دیاگرام شولر محاسبه شدند. در انتها نمودار خوشه‌بندی و پهنه‌بندی کیفی چاه‌ها ترسیم گردید. نتایج نشان داد در سطح ۰/۰۱ بین نتایج شاخص کیفیت آب حاصل از وزن‌های یکسان با نتایج شاخص کیفیت آب که به روش آنتروپی شانون وزن دار شده بود، تفاوت معنی‌داری وجود داشت. همچنین مقدار همبستگی ۰/۹۲۶ بین رتبه‌های کیفیت چاه‌ها به روش دیاگرام با رتبه‌های کیفیت نمونه‌ها به روش آنتروپی شانون، کارایی بالای این روش را در محاسبه شاخص کیفیت آب تایید کرد.

واژه‌های کلیدی: تئوری آشفتگی، آب زیرزمینی، شاخص کیفیت آب، دشت فسا.

۱- مربی گروه مرتع و آبخیزداری، دانشکده کشاورزی، دانشگاه فسا، فسا، ایران. پست الکترونیکی: parsamehr@fasau.ac.ir

۲- استادیار گروه مدیریت مناطق بیابانی، دانشکده منابع طبیعی و کویرشناسی، دانشگاه یزد، یزد، ایران.  
پست الکترونیکی: mzmernani@yazd.ac.ir

۳- دانشجوی دکتری بیابانزدایی، گروه مدیریت مناطق بیابانی، دانشکده منابع طبیعی و کویرشناسی، دانشگاه یزد، یزد، ایران.  
پست الکترونیکی: z.khosravani@gmail.com

۴- مربی گروه مهندسی عمران، دانشکده فنی مهندسی، دانشگاه فسا، فسا، ایران. پست الکترونیکی: pourbagheri@fasau.ac.ir

## مقدمه

آب به عنوان مهمترین عنصر زندگی از جایگاه ویژه‌ای در جوامع بشری برخوردار است، به طوری که ظهور و بقای تمدن و فرهنگ‌های مختلف در گرو وجود آب بوده و هست (آخونی پورحسینی و همکاران، ۱۳۹۵) آب‌های زیرزمینی یکی از مهمترین منابع آبی مورد استفاده بشر را تشکیل داده و در شرایط کنونی بخش قابل توجهی از مصارف کشور، به خصوص در بخش شرب از این منابع تامین می‌شود (پورمقدس، ۱۳۸۱) به طوری که آب شرب ساکنین منطقه مورد مطالعه (دشت فسا) کاملاً وابسته به آب زیرزمینی است. از این میان ۶/۴۹۱ میلیون متر مکعب آب چاه‌ها، ۱/۲۴۹ میلیون متر مکعب آب قنات‌ها و ۰/۱۹۹ میلیون متر مکعب آب چشمه‌ها و زه آب‌ها در تهیه آب شرب ساکنین نقش ایفا می‌کنند (شرکت سهامی آب منطقه ای فارس، ۱۳۸۷).

این آب‌ها به دلیل قرار گرفتن در اعماق زمین نسبت به آب‌های سطحی معمولاً از آلودگی کمتری برخوردار هستند. با این وجود امروزه یکی از مشکلات آب‌های زیرزمینی کاهش کیفیت آن است. کیفیت آب‌های زیرزمینی به دلیل فعالیت‌های انسان و ورود آلاینده‌های مختلف به آب، روز به روز تغییر کرده که این امر کاربری آب در بخش‌های شرب، کشاورزی و صنعت را تغییر می‌دهد (Lobato et al., 2015). از این رو، نیاز به ارزیابی دقیق کمی و کیفی منابع آب برای مصارف مختلف امری اجتناب‌ناپذیر است.

ارزیابی مستمر پارامترهای فیزیکی، شیمیایی و بیولوژیکی آب از ضروریات برنامه‌های کنترل کیفیت آب است. این کار سبب جمع‌آوری اطلاعات شایان توجهی می‌شود که معمولاً نمی‌تواند به طور مستقیم کیفیت آب را تعیین کند. روش‌های متنوعی برای بکارگیری این داده‌ها استفاده شده است تا مقادیر ثبت شده منتج به ارزیابی کیفیت آب شود (Khadam and Kaluarachi, 2000). یکی از این روش‌های ارزیابی، استفاده از شاخص کیفیت آب (WQI) است. در این شاخص برآیند اثر مولفه‌های مختلف کیفی آب در قالب یک عدد که بیانگر کیفیت آب است ارائه می‌شود (Ramakrishnaiah et al., 2009). تعداد و نوع

مولفه‌های مورد استفاده در محاسبه WQI انعطاف پذیر و متغیر است. این شاخص هم برای ارزیابی کیفیت آب سطحی و هم برای ارزیابی کیفیت آب زیرزمینی ارائه شده است (Machiwal et al., 2011).

در محاسبه شاخص کیفی آب پارامترهای مختلفی دخالت دارند که تاثیر این پارامترها بر نتیجه ارزیابی، یکسان نیست. به عبارت دیگر برخی پارامترها دارای تاثیر بیشتر و برخی دارای تاثیر کمتر هستند. بنابراین یکی از مهم‌ترین مشکلات در استفاده از روش شاخص کیفی آب، محاسبه اهمیت هر یک از پارامترها است که به صورت وزن نمود پیدا می‌کند. به نظر می‌رسد یکسان فرض کردن وزن پارامترها با استفاده از تجربیات و نظرات کارشناسی جهت تعیین وزن هر پارامتر سبب می‌شود بسیاری از اطلاعات ارزشمند کیفیت آب زیرزمینی بدون استفاده قرار گیرد (پارسامهر و همکاران، ۱۳۹۷). مطالعات بسیار زیادی در سراسر جهان در خصوص استفاده از شاخص کیفی آب در ارزیابی کیفیت آب صورت گرفته است که از این میان می‌توان به مطالعات پی‌یو و همکاران (۲۰۱۰)، کریشان و همکاران (۲۰۱۶)، حمیدیان و همکاران (۱۳۹۵)، آخونی پورحسینی و قربانی (۱۳۹۵) و پارسامهر و همکاران (۱۳۹۷) اشاره کرد. اما مطالعه در خصوص تاثیر وزن پارامترها بر نتایج ارزیابی کیفی آب مغفول مانده است. البته مطالعاتی در خصوص وزن‌دار کردن پارامترهای مورد ارزیابی و تاکید بر کارایی پارامترهای وزن‌دار شده صورت گرفته است که در ذیل به برخی از این مطالعات اشاره می‌شود:

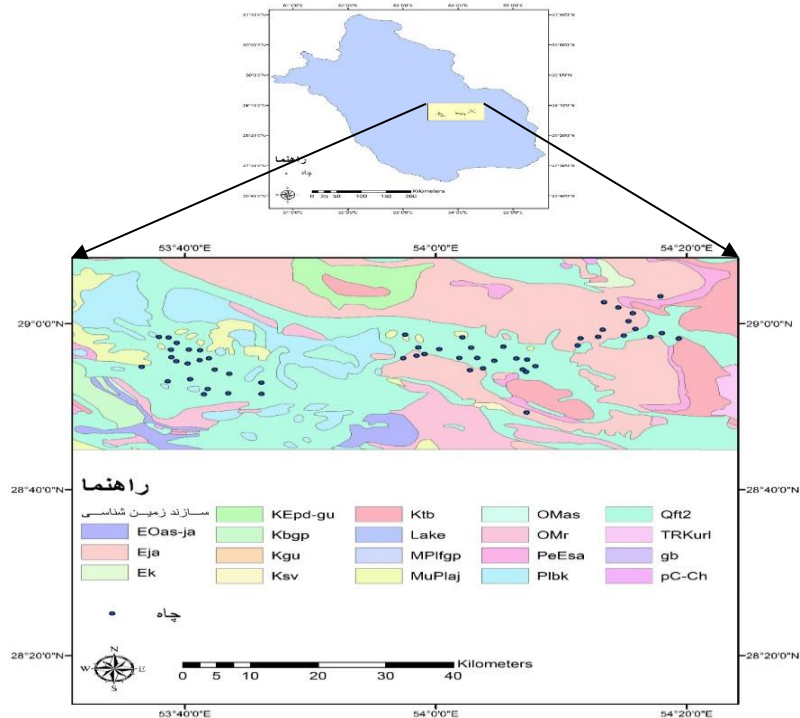
Sargaonkar و همکاران (۲۰۰۳) به منظور بررسی کیفیت آب رودخانه Red و Waikato از شاخص‌های WQI و NFS استفاده کردند. نتایج نشان داد که استفاده از پارامترهای وزن‌دار در بررسی کیفیت آب، درک درست و صحیحی از طبقه‌بندی کیفی آب ارائه می‌دهد. Ngoc Ho (۲۰۱۲) در بررسی کیفیت آب، از شاخص کیفیت کل استفاده کرد. وزن پارامترها با توجه به سطح ایجاد محدودیت هر پارامتر و تعداد پارامترها محاسبه گردید. نتایج نشان داد که استفاده از شاخص TWQI و وزن دار کردن پارامترها در ارزیابی کیفیت

## مواد و روش‌ها

### معرفی منطقه مورد مطالعه

دشت فسا با مساحت حدود ۴۵۰۰ کیلومتر مربع در استان فارس واقع شده است (شکل ۱). این منطقه از لحاظ موقعیت جغرافیایی در طول جغرافیایی "۳۰'۲۰" تا "۲۲'۱۲" ۵۴° شرقی و عرض جغرافیایی "۲۳'۰" ۴۲° تا "۲۸'۰" ۱۰'۱۰" قرار گرفته است. ارتفاع متوسط این دشت ۱۳۷۰ متر از سطح دریا است. متوسط بارندگی سالانه در حدود ۳۵۰ میلی‌متر در سال است. از نظر مرفولوژی و زمین شناسی شامل ناودیس بزرگی است که اطراف آن توسط کوه‌ها احاطه شده است. این دشت از آبرفت‌های دوره کواترنری پوشیده شده است. نسبتاً هموار بوده و پستی و بلندی چندان زیادی ندارند. ارتفاع این دشت در هیچ نقطه‌ای کمتر از ۱۱۰۰ متر نیست و شیب آن حدود یک الی سه درصد می‌باشد. آب‌های زیرزمینی این دشت یکی از مهمترین منابع جهت استفاده شرب و کشاورزی ساکنان این دشت به حساب می‌آید (صیف و همکاران، ۱۳۹۰).

آب نتایج مطلوبی را توصیف می‌کند. امیری و همکاران (۱۳۹۲) در ارزیابی کیفیت آب زیرزمینی دشت زنگان، از آنتروپی وزن دار شاخص کیفیت آب استفاده کردند. آنها در این مطالعه به بررسی ۱۲ پارامتر در ۵۹ نمونه آب زیرزمینی پرداختند. نتایج نشان داد که ۵/۸ درصد نمونه‌های مورد بررسی دارای رتبه ۱ و از کیفیت بسیار خوبی برای مصرف شرب برخوردار هستند. روحانی و همکاران (۱۳۹۴) در ارزیابی پایداری تغییرات کیفیت شیمیایی آب سطحی در رودخانه گرگانرود از تئوری آنتروپی شانون برای وزن دهی پارامترهای موجود استفاده کردند. نتایج نشان داد که بیشترین تاثیر مربوط به پارامترهای SAR و Mg است که در ارتباط با تشکیلات زمین‌شناسی هم‌خوانی دارد. هدف از این پژوهش که در آب‌های زیرزمینی دشت فسا انجام شد، مقایسه تاثیر پارامترهای هم‌وزن و پارامترهای وزن-دار شده به روش تئوری آشفتگی در نتایج شاخص کیفیت آب است.



شکل ۱: موقعیت دشت فسا در استان فارس و محل قرار گیری چاه‌های مورد مطالعه در نقشه زمین‌شناسی دشت فسا

## نمونه برداری

که  $H(X)$  مقدار آنتروپی و  $P_i$  میزان احتمال  $x_i$  می باشد.

برای محاسبه وزن هر یک از پارامترهای کیفی آب بر اساس آنتروپی شانون به ترتیب زیر عمل می کنیم: اگر تعداد  $m$  نمونه آب در دسترس باشد و تصمیم بر ارزیابی کیفی آب بر اساس  $n$  پارامتر باشد، بر اساس داده های مشاهداتی ماتریس مقادیر ویژه  $X$  به صورت زیر خواهد بود:

$$X = \begin{bmatrix} x_{11} & x_{12} & \dots & x_{1n} \\ x_{21} & x_{22} & \dots & x_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ x_{m1} & x_{m2} & \dots & x_{mn} \end{bmatrix} \quad (2)$$

در ادامه باید آماده سازی داده ها را به منظور کاهش تاثیر ایجاد شده توسط اختلاف واحد پارامترهای کیفی مختلف انجام داد. بر این اساس با استفاده از تابع زیر نرمال سازی داده ها انجام شد:

$$y_{ij} = \frac{(x_{ij})_{\max} - x_{ij}}{(x_{ij})_{\max} - (x_{ij})_{\min}} \quad (3)$$

پس از نرمال سازی داده های خام، ماتریس استاندارد داده ها به صورت زیر خواهد بود:

$$Y = \begin{bmatrix} y_{11} & y_{12} & \dots & y_{1n} \\ y_{21} & y_{22} & \dots & y_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ y_{m1} & y_{m2} & \dots & y_{mn} \end{bmatrix} \quad (4)$$

در ادامه باید نسبت مقدار شاخص مربوط به پارامتر  $j$  در نمونه  $i$  را بر اساس معادله زیر محاسبه کرد:

$$P_{ij} = \frac{y_{ij}}{\sum_{i=1}^m y_{ij}} \quad (5)$$

آنتروپی اطلاعات نیز به صورت رابطه زیر بیان می شود:

به منظور انجام این پژوهش از داده های کیفی ۵۵ نمونه آب زیرزمینی واقع در دشت فسا استفاده شد. این نقاط شامل چاه های عمیق و نیمه عمیق و با کاربری های مختلف بودند. در انتخاب نقاط نمونه برداری سعی بر این بود که نقاط نمونه از همگنی و پراکنش قابل قبولی در دشت مورد مطالعه برخوردار باشند تا به نوعی پیوستگی مکانی متغیرها حفظ شود. پراکنش نقاط نمونه برداری در شکل ۱ مشخص شده است. در ادامه ۹ پارامتر شیمیایی شامل نترات ( $\text{NO}_3$ )، هدایت الکتریکی (EC)، اسیدیته (pH)، سدیم (Na)، کلسیم (Ca)، منیزیم (Mg)، کلر (Cl)، سولفات ( $\text{SO}_4$ ) و کل مواد جامد محلول (TDS) به منظور تعیین کیفیت آب زیرزمینی در نظر گرفته شدند.

## محاسبه وزن های شاخص کیفیت آب زیرزمینی با استفاده از تئوری آشفته گی یا آنتروپی شانون

شانون مفهوم اطلاعات علمی یا آنتروپی اطلاعاتی را تحت عنوان آنتروپی شانون معرفی کرد. آنتروپی را می توان به عنوان معیاری از میزان آشفته گی در داخل سیستم تعریف نمود. در واقع آنتروپی شانون مقدار عدم قطعیت داده های پیش بینی شده از یک رخداد تصادفی را بیان می کند. وجود اطلاعات مشخص در یک مسئله که سبب کاهش و یا از بین رفتن عدم قطعیت می گردد، می تواند به عنوان یک شاخص در آنتروپی استفاده شود (Shannon, 1948). بنابراین اطلاعات و عدم قطعیت به عنوان دو مولفه که اطلاعات بدست آمده را تشریح می کنند به صورت اندازه گیری غیر مستقیم از مقدار عدم قطعیت کاهش یافته بدست می آیند. آنتروپی شانون به صورت زیر قابل تعریف است: تعداد  $n$  داده به صورت  $x \in \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$  با احتمال  $p(x_1)$ ،  $p(x_2)$ ، ... و  $p(x_n)$  مفروض است. میزان آنتروپی که یک مقدار واقعی غیر صفر، جمع پذیر و یک تابع پیوسته با احتمال  $P$  است به صورت زیر تعریف می شود (Shyu et al., 2001):

$$H(X) = -\sum_{i=1}^n p_i \cdot \log_2 p_i \quad (1)$$

بررسی، محاسبه گردید، با توجه به اینکه تعداد پارامترهای مورد بررسی ۹ پارامتر بود، لذا وزن هر یک از پارامترها ۰/۱۱ بدست آمد.

با توجه به مقادیر EWQI، مطابق جدول ۱ می‌توان آب زیرزمینی را از نظر کیفیت شرب در ۵ رده بسیار خوب، خوب، متوسط، بد و بسیار بد قرار داد (Mishra and Patel, 2001).

جدول (۱): رده بندی کیفیت آب شرب بر اساس EWQI (Mishra and Patel, 2001).

کیفیت آب	رتبه	EWQI
بسیار خوب	۱	کمتر از ۲۵
خوب	۲	۲۵ تا ۵۰
متوسط	۳	۵۰ تا ۷۵
بد	۴	۷۵ تا ۱۰۰
خیلی بد	۵	بیش از ۱۰۰

در ادامه به منظور بررسی تفاوت احتمالی معنادار بودن این تفاوت در نتایج ارزیابی کیفیت آب با استفاده از دو روش، از مقایسه دو گروه مستقل استفاده شد و نتایج در دو سطح ۰/۰۵ و ۰/۰۱ مورد آنالیز قرار گرفت. جهت بررسی بهترین نتیجه در ارزیابی کیفیت آب با استفاده از دو روش مورد تحقیق، از دیاگرام شولر استفاده شد. دیاگرام شولر یک نمودار نیمه لگاریتمی است که کیفیت آب را از نظر شرب طبقه بندی می‌کند. در جدول (۲) طبقه بندی کیفی و رتبه بندی آب شرب بر اساس دامنه پارامترهای شیمیایی به روش شولر بیان شده است.

$$e_j = -\frac{1}{\ln m} \sum_{i=1}^m p_{ij} \ln p_{ij} \quad (6)$$

هر چه مقدار آنتروپی کمتر باشد، تاثیر پارامتر  $i$  بیشتر خواهد بود. پس از محاسبه میزان آنتروپی، وزن آنتروپی  $w_i$  هر پارامتر  $j$  با استفاده از رابطه زیر بدست آمد:

$$w_i = \frac{1 - e_i}{\sum_{m=1}^n (1 - e_j)} \quad (7)$$

### محاسبه شاخص کیفیت آب زیر زمینی

برای محاسبه شاخص کیفیت آب، در ابتدا لازم است معیار رتبه بندی کیفی  $q_i$  برای هر یک از پارامترها تعیین شود. برای این منظور از فرمول زیر استفاده می‌شود:

$$q_i = \frac{C_j}{S_j} \times 100 \quad (8)$$

که در این رابطه  $C_j$  غلظت هر پارامتر شیمیایی در هر نمونه ( $mg/lit$ ) و  $S_j$  غلظت همان پارامتر بر اساس یک استاندارد ارزیابی کیفیت آب جهت استفاده شرب ( $mg/lit$ ) می‌باشد. در این تحقیق از استانداردهای کیفی سازمان بهداشت جهانی (WHO) برای آب شرب در محاسبه شاخص کیفیت آب زیرزمینی (GWQI) استفاده شد. در این رابطه اگر پارامتر  $j$  در آب موجود نباشد،  $q_j$  برابر صفر خواهد بود. همچنین اگر مقدار این پارامتر برابر مقدار مجاز باشد،  $q_j$  برابر ۱۰۰ خواهد بود. در انتها شاخص کیفیت آب بر اساس آنتروپی شانون از ضرب مقدار وزن آنتروپی و معیار رتبه بندی کیفی هر پارامتر در هم و جمع تمامی این مقادیر با هم بدست می‌آید (Jian-Hua, 2011):

$$EWQI = \sum_{j=1}^n w_j q_i \quad (9)$$

در روشی دیگر شاخص کیفیت آب بر اساس معادله شماره ۹ و با یکسان فرض کردن وزن پارامترهای مورد

جدول (۲): طبقه بندی کیفیت آب طبق روش شولر (Sholler, 1964)

رتبه	SO <sub>4</sub>	Cl	Na	TH	TDS	کیفیت آب
۱	<۱۴۰	<۱۷۵	<۱۱۵	<۲۵۰	<۵۰۰	خوب
۲	۱۴۰ - ۲۸۰	۱۷۵ - ۳۵۰	۱۱۵ - ۲۳۰	۲۵۰ - ۵۰۰	۵۰۰ - ۱۰۰۰	قابل قبول
۳	۲۸۰ - ۵۶۰	۳۵۰ - ۷۰۰	۲۳۰ - ۴۶۰	۵۰۰ - ۱۰۰۰	۱۰۰۰ - ۲۰۰۰	نامناسب
۴	۵۶۰ - ۱۱۲۰	۷۰۰ - ۱۴۰۰	۴۶۰ - ۹۲۰	۱۰۰۰ - ۲۰۰۰	۲۰۰۰ - ۴۰۰۰	بد
۵	۱۱۲۰ - ۲۲۴۰	۱۴۰۰ - ۲۸۰۰	۹۲۰ - ۱۸۴۰	۲۰۰۰ - ۴۰۰۰	۴۰۰۰ - ۸۰۰۰	موقتا قابل شرب
۶	>۲۲۴۰	>۲۸۰۰	>۱۸۴۰	>۴۰۰۰	>۸۰۰۰	غیر قابل شرب

متغیرهاست. در حقیقت با استفاده از تحلیل خوشه‌ای می‌توان تقسیم‌بندی ذاتی بین نمونه یا متغیرها را شناسایی نمود. خوشه‌بندی متراکم سلسله مراتبی، رایج‌ترین روش تحلیل خوشه‌ای است که ارتباط همسان ذاتی را بین هر کدام از نمونه‌ها و نیز همه داده‌ها فراهم می‌کند و معمولاً با یک نمودار درختی نشان داده می‌شود. برای تقسیم‌بندی داده‌ها به گروه‌های مشخص از فاصله اقلیدسی به عنوان سنجش تشابه نمونه‌ها با یکدیگر و برای انتخاب روش اتصال بین خوشه‌ها نیز روش وارد بکار برده شد (Guler et al., 2002)

در پایان با استفاده از نرم افزار ArcGIS 9.3 و درون‌یابی به روش وزن‌دهی معکوس فاصله‌ای (IDW) عمل پهنه‌بندی کیفیت چاه‌های محدوده مورد مطالعه و با توجه به نقشه کاربری اراضی انجام گرفت.

## نتایج و بحث

در این پژوهش ۹ پارامتر شیمیایی جهت تعیین کیفیت ۵۵ نمونه آب زیرزمینی مورد بررسی قرار گرفت. در جدول ۳ خلاصه خصوصیات آماری ۵۵ نمونه استفاده شده به همراه استاندارد WHO برای آب شرب ارائه شده است.

برای این منظور ضریب همبستگی اسپیرمن بین رتبه‌های کیفیت آب ۵۵ چاه بر اساس دیاگرام شولر و رتبه‌های کیفیت آب توسط روش‌های وزن‌دار شده با استفاده از تئوری آنتروپی شانون و وزن‌های برابر محاسبه گردید. بهترین روش، ضریب همبستگی بیشتری با رتبه‌های دیاگرام شولر خواهد داشت. ضریب همبستگی اسپیرمن برای بررسی همبستگی بین داده‌های با مقیاس نسبی و فاصله‌ای به کار می‌رود. ضریب همبستگی اسپیرمن از فرمول زیر محاسبه می‌شود:

$$r_s = 1 - \frac{6(\sum d_i^2)}{n(n^2 - 1)}$$

که در آن  $r_s$  ضریب همبستگی اسپیرمن،  $n$ : تعداد مشاهده‌ها و  $d_i$ : تفاوت دو رتبه است. ضریب همبستگی رتبه‌ای اسپیرمن همواره بین +۱ و -۱ تغییر می‌کند (بی همتا و زارع چاهوکی، ۱۳۹۰).

## تحلیل خوشه‌ای

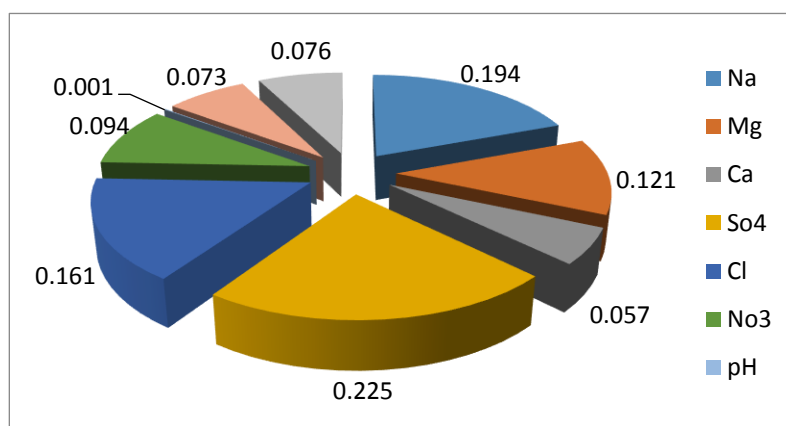
یک روش مناسب برای طبقه‌بندی مکانی کیفیت آب به گروه‌های مشابه، استفاده از تحلیل خوشه‌ای است. هدف اصلی در تحلیل خوشه‌ای جستجوی دسته‌های طبیعی

جدول (۳): خلاصه آمار توصیفی پارامترهای مورد مطالعه و حد مطلوب WHO برای آب شرب

پارامتر	حداقل	حداکثر	میانگین	انحراف معیار	حد مطلوب WHO
EC( $\mu\text{hos/cm}$ )	۲۶۳	۴۲۸۳	۱۰۰۳	۹۰۲/۷	۵۰۰
pH	۶/۹۳	۷/۹	۷/۳۸	۰/۲۵	۸
Na(mg/lit)	۰/۰۳	۱۹/۱۲	۱/۷۸	۲/۸۴	۲۰۰
Ca(mg/lit)	۲	۱۹	۴/۵۷	۳/۷۶	۳۰۰
Mg(mg/lit)	۰/۱۵	۲۲/۵	۳/۹۴	۴/۳۲	۳۰۰
Cl(mg/lit)	۰/۱۵	۱۹/۵	۲/۷۲	۳/۵۰	۲۰۰
No <sub>3</sub> (mg/lit)	۰/۶۳	۴۳/۱	۱۳/۸	۱۲	۵۰
SO <sub>4</sub> (mg/lit)	۰/۰۵	۲۷/۸	۳/۸۳۵	۵/۸۲	۲۵۰
TDS(mg/lit)	۱۷۴	۲۷۹۰	۶۵۸/۲	۵۷۸/۳	۶۰۰

در شکل زیر نمودار میزان تاثیر هر یک از پارامترها در تعیین کیفیت آب نشان داده شده است. همانطور که در شکل ملاحظه می شود، سولفات با مقدار عددی ۰/۲۲۵ بیشترین وزن را به خود اختصاص داده است. سدیم و کلر به ترتیب با مقدار وزن ۰/۱۹۴ و ۰/۱۶۱ در رتبه های دوم تا سوم قرار دارند. کمترین وزن مربوط به پارامتر اسیدیته است که میزان آن ۰/۰۰۱ است. بنابراین می توان اظهار داشت سولفات بیشترین تاثیر و اسیدیته کمترین تاثیر را در طبقه بندی کیفیت آب دارند.

همانطور که در جدول ۳ مشاهده می شود، مقدار حداقل تمامی پارامترها کمتر از حد مطلوب WHO برای آب شرب است. همچنین مقدار میانگین و حداکثر تمامی پارامترها به جز پارامتر EC و TDS نیز کمتر از مقدار حد مطلوب WHO برای آب شرب است. بنابراین در اولین نگاه می توان بیان داشت که کیفیت آب چاه ها از لحاظ شرب در وضعیت مطلوبی قرار دارند. بررسی مقادیر EC و TDS چاه ها نیز نشان داد که به ترتیب ۵۷ و ۶۶ درصد چاه ها دارای مقادیر کمتر از حد مطلوب هستند. بنابراین غالب چاه ها دارای کیفیت خوبی از لحاظ EC و TDS هستند. مقادیر بالای انحراف معیار این دو پارامتر گویای این مطلب است.

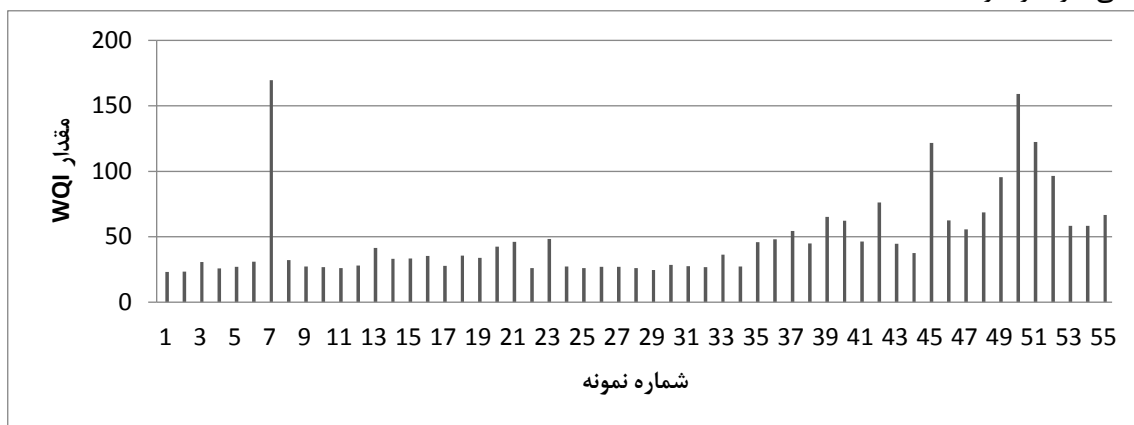


شکل (۲): نمودار مربوط به وزن هر یک از پارامترها بر اساس آنتروپی شانون

که نتایج مقدار شاخص کیفیت آب چاه های مورد بررسی در شکل ۳ نشان داده شده است. همانطور که

در ادامه، شاخص کیفیت آب از دو طریق محاسبه شد. در حالت اول وزن پارامترها یکسان در نظر گرفته شد

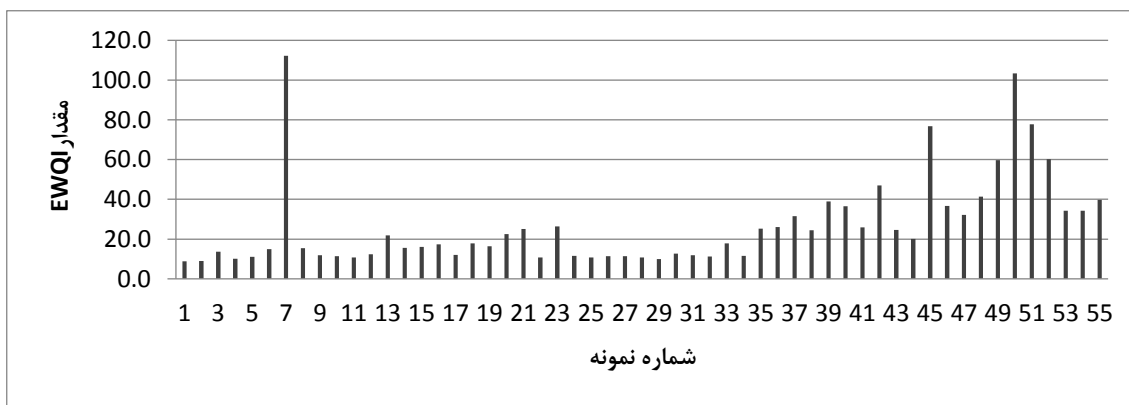
در این شکل مشاهده می شود، اکثر چاه ها در وضعیت خیلی خوب و خوب هستند ( $25 < WQI < 50$ ).



شکل (۳): نتایج شاخص کیفیت آب زیرزمینی بر اساس وزن های یکسان در چاه های مورد مطالعه

بر خصوصیات زمین شناسی محل و وجود رسوبات تبخیری، استفاده از سموم کشاورزی را می توان از دلایل آن بر شمرد. همچنین وجود هم افزایی مقادیر منفی پارامترهای موثر در کیفیت آب سبب این اختلاف معنی دار شده است.

نمودار شکل ۴ شاخص کیفیت آب زیرزمینی وزن دار شده توسط آنتروپی شانون را نشان می دهد. همان طور که در شکل مشخص است بیشتر چاه ها در وضعیت خیلی خوب ( $EWQI < 25$ ) قرار دارند. بالا بودن مقادیر EWQI در نمونه هایی نظیر نمونه های ۷، ۴۵ و ۵۰ به علت بالا بودن مقادیر EC، TDS و  $NO_3$  است که علاوه



شکل (۴): نتایج شاخص کیفیت آب زیرزمینی بر اساس تئوری آنتروپی شانون در چاه های مورد مطالعه

جدول ۴ نتایج آزمون t مستقل را نشان می دهد. با توجه به مقدار sig. برای آزمون لیون که ۰/۰۸۶ (بزرگتر از ۰/۰۱) است، بنابراین واریانس این دو گروه با هم برابرند و باید از قسمت فرض برابری واریانس دو گروه، آزمون t را تعیین کرد که کمتر از ۰/۰۱ است. از این رو نتیجه می شود که بین نتایج کیفیت آب در استفاده از پارامترهای هم وزن و پارامترهای وزن دار شده به

مقایسه نتایج دو نمودار (شکل ۳ و ۴) نشان می دهد که استفاده از پارامترهای هم وزن در محاسبه شاخص کیفیت آب مقادیر متناظر بیشتری نسبت به روش دیگر ارائه می کند. با توجه به تفاوت در نتایج محاسبه شاخص کیفیت آب لزوم استفاده از آزمون t مستقل در بررسی معنی دار بودن این تفاوت احساس شد.



روش تئوری آنتروپی شانون در سطح معنی دار یک درصد اختلاف معنی داری وجود دارد و نتایج این دو گروه با یکدیگر متفاوت هستند.

جدول ۴: نتایج آزمون لیون و t مستقل

آزمون t مستقل			آزمون لیون		
Sig.	d. f	T	Sig.	F	
۰/۰۰۰**	۱۰۸	-۴/۰۸۹	۰/۰۸۶	۳	فرض برابری واریانس دو گروه
۰/۰۰۰	۹۶/۷	-۴/۰۸۹			فرض نابرابری واریانس دو گروه

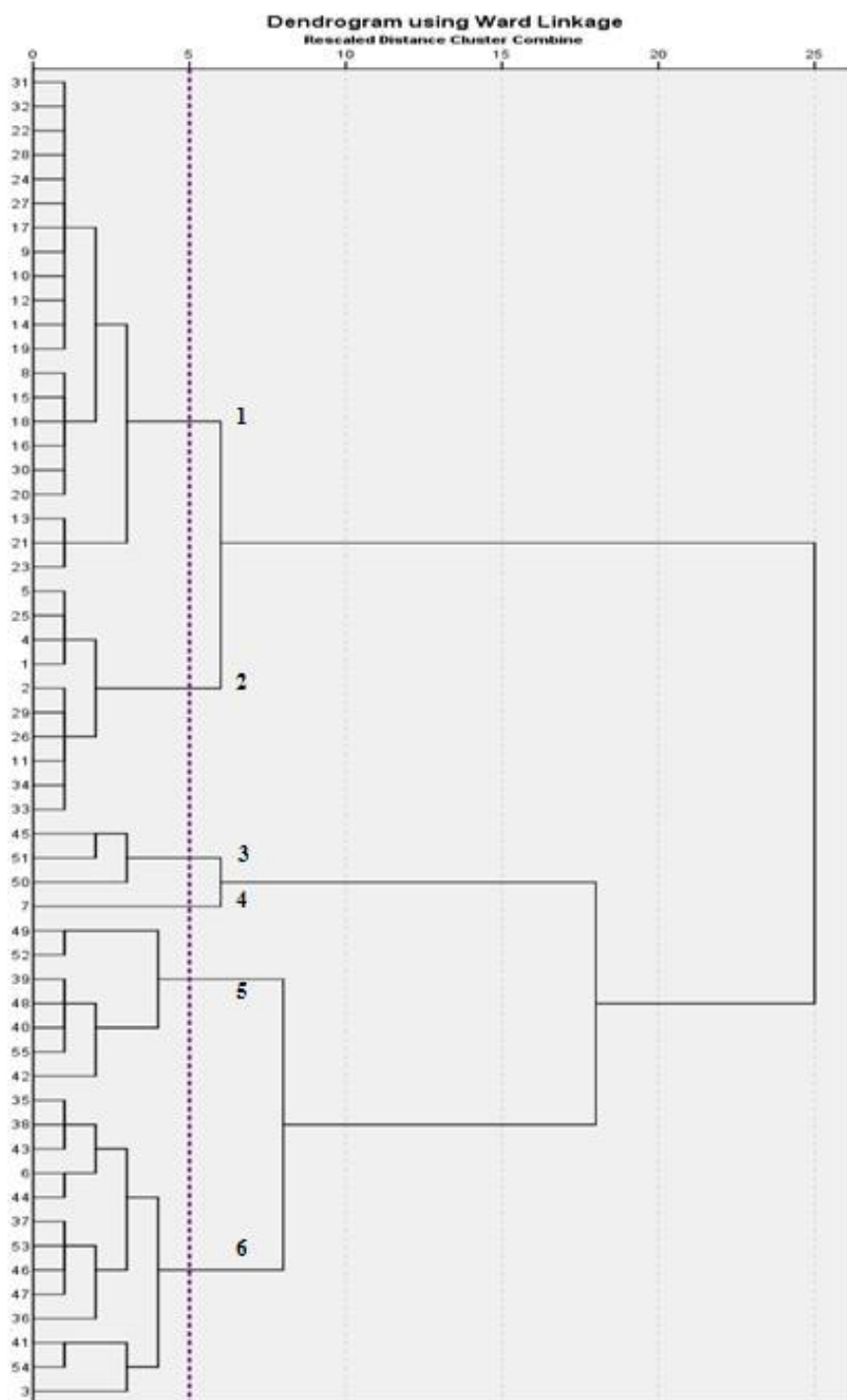
\*\*همبستگی در سطح ۰/۰۱ معنی دار است.

با استفاده از ۹ پارامتر شیمیایی آب، ۵۵ چاه مورد مطالعه با استفاده از روش آنالیز خوشه ای مورد طبقه بندی قرار گرفتند که نتایج آن به صورت دندروگرام در شکل زیر نشان داده شده است. همانطور که در شکل مشخص شده است، در سطح تشابه ۸۰ درصد چاه ها در شش خوشه طبقه بندی شده اند. مبنای این طبقه بندی این است که اعضای درون یک گروه بیشترین شباهت با یکدیگر و بیشترین تفاوت با گروه های دیگر را داشته باشند. بر اساس نتایج رتبه بندی کیفیت آب توسط سازمان بهداشت جهانی، خوشه اول و دوم دارای آب هایی با کیفیت بسیار خوب هستند. از این بین کیفیت آب چاه های خوشه دو نسبت به خوشه یک نیز بسیار بهتر است. گروه سوم شامل چاه هایی با کیفیت بد و بسیار بد و گروه چهارم که تنها شامل یک چاه است دارای کیفیت بسیار بد است. گروه پنجم دارای چاه هایی با کیفیت خوب تا متوسط و خوشه ششم شامل چاه هایی با کیفیت خیلی خوب و خوب است.

به منظور بررسی و مقایسه توانایی روش آنتروپی نسبت به روش استفاده از پارامترهای هم وزن، رتبه کیفیت آب هر یک از چاه ها با رتبه کیفی آب از طریق دیاگرام شولر مقایسه و میزان ضریب همبستگی رتبه ای اسپیرمن آن ها محاسبه شد. نتایج ضریب همبستگی رتبه ای اسپیرمن در جدول ۵ ارائه شده است. با توجه به جدول، رتبه های کیفیت آب به شیوه ارزیابی با استفاده از پارامترهای وزن دار شده به روش تئوری آنتروپی شانون با ضریب همبستگی ۰/۹۲۶ نسبت به روش دیگر همبستگی بیشتری را با طبقه بندی شولر نشان می دهد. بنابراین می توان نتیجه گرفت که استفاده از پارامترهای وزن دار شده به روش تئوری آنتروپی شانون نتایج بهتری را ارائه می دهد

جدول (۵): ضریب همبستگی اسپیرمن بین رتبه های کیفیت آب به روش شولر و دو شیوه متفاوت ارزیابی کیفیت آب

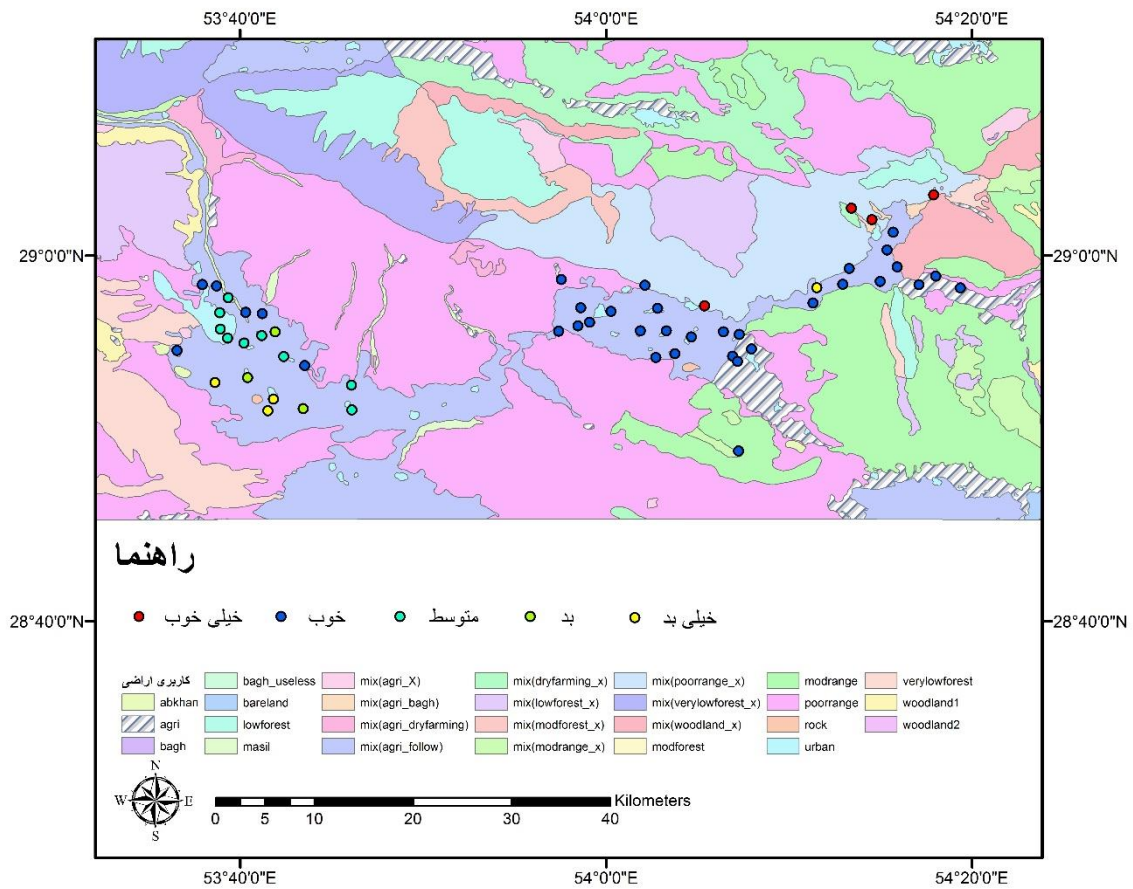
رتبه های کیفیت آب به شیوه ارزیابی با استفاده از پارامترهای وزن دار شده به روش تئوری آنتروپی شانون	رتبه های کیفیت آب به شیوه ارزیابی با استفاده از پارامترهای هم وزن
۰/۹۲۶	۰/۷۶۷
	رتبه های کیفیت آب به شیوه ارزیابی شولر



شکل (۵): نمودار خوشه بندی چاه های مورد مطالعه در سطح تشابه ۸۰ درصد بر اساس پارامترهای شیمیایی

همانطور که در شکل ۶ مشخص است غالب چاه ها در رتبه کیفی خوب و متوسط قرار دارند. این چاه در مکان هایی با کاربری کشاورزی و مرتع فقیر حفر شده اند.

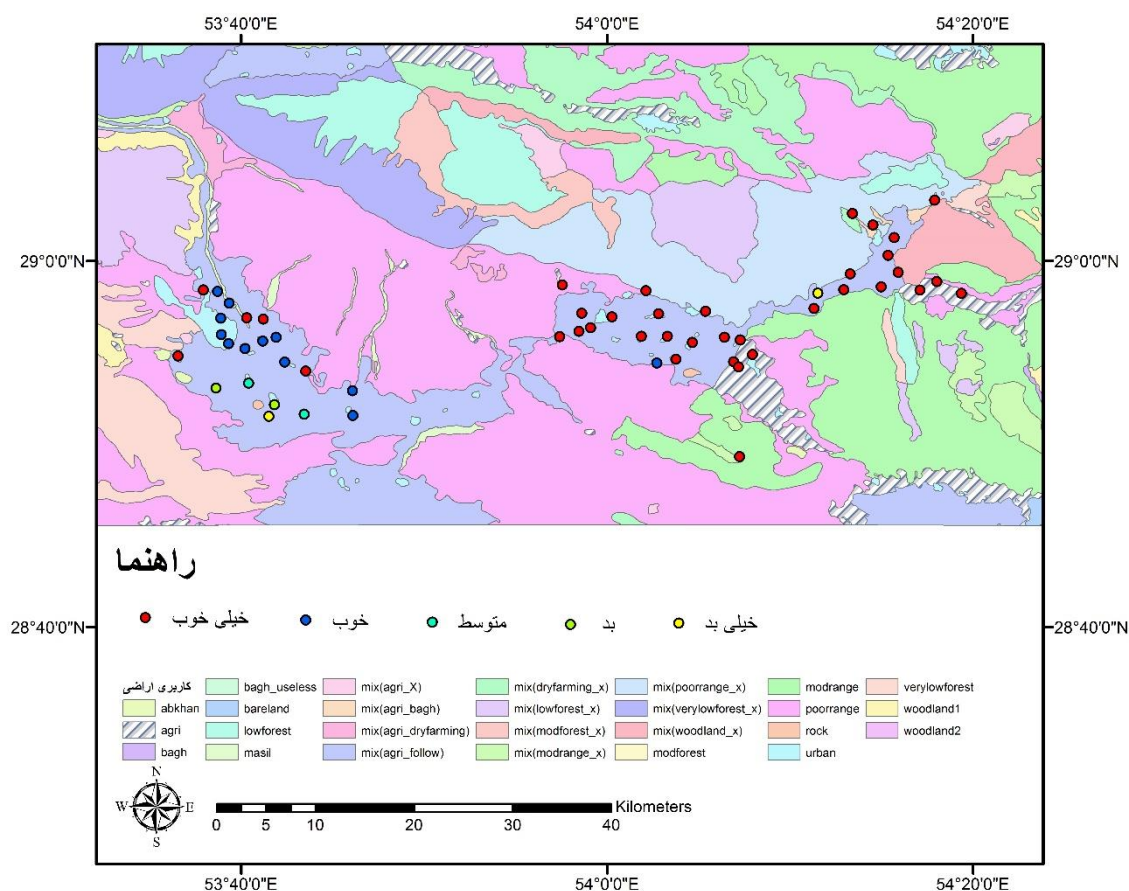
نتایج پهنه بندی کیفیت آب با استفاده از GIS در شکل های ۶ (پارامترهای هم وزن) و ۷ (پارامترهای وزن دار شده به روش آنتروپی شانون) نشان داده شده است.



شکل (۶): موقعیت قرار گیری چاه ها و رتبه بندی آن ها بر روی نقشه کاربری اراضی (پارامترهای شیمیایی دارای وزن های برابر هستند)

آنتروپی شانون وزن دار شده اند. چاه های مورد مطالعه بر این اساس در رتبه های خیلی خوب و خوب قرار دارند.

شکل ۷ پهنه بندی و رتبه بندی چاه های مورد مطالعه را بر روی نقشه کاربری اراضی نشان می دهد. لازم به ذکر است پارامترها مورد بررسی بر اساس تئوری



شکل (۷): موقعیت قرار گیری چاه ها و رتبه بندی آن ها بر روی نقشه کاربری اراضی (پارامترهای شیمیایی بر اساس آنتروپی شانون وزن دار شده اند)

مقادیر بالای EC بیشتر ناشی از فعالیت های کشاورزی و فاضلاب های شهری است. همچنین اثری که TDS در مقادیر بالا می تواند داشته باشد این است که سبب افزایش کدورت شده و در نتیجه شفافیت و کیفیت آب را کاهش می دهد.

مقدار وزن آنتروپی نشان دهنده پایدار بودن کیفیت آب زیرزمینی از نظر پارامتر مورد نظر است، بطوری که مقادیر وزن آنتروپی کمتر نشان دهنده تغییرات کیفیت آب زیرزمینی است (Guey-Shin et al., 2011). به عبارت دیگر اگر وزن آنتروپی پارامتری پایین باشد، تغییرات آن زیاد بوده و در محیط آبخوان ناپایدار است و هر چه وزن آنتروپی یک پارامتر بیشتر باشد، تغییرات آن کمتر بوده و در آبخوان پایدارتر است. علاوه بر این بالابودن وزن آنتروپی نشان از تاثیر زیاد آن پارامتر در

اگرچه هدف اصلی این پژوهش بررسی اهمیت وزن پارامترهای شیمیایی در ارزیابی نتایج شاخص کیفیت آب و مقایسه با نتایج مشابه در حالت استفاده از پارامترهای هم وزن بود، اما در این میان کیفیت آب زیرزمینی دشت فسا نیز مورد بررسی قرار گرفت. با توجه به خلاصه نتایج آماری پارامترهای شیمیایی آب در منطقه مورد مطالعه، به استثناء پارامترهای EC و TDS تمامی پارامترها در وضعیت بسیار رضایت بخشی قرار داشتند. البته این بدین معنی نیست که مقادیر ذکر شده در تمامی نمونه ها ایجاد محدودیت می کنند. با توجه به نتایج بدست آمده حدود ۲۴ و ۱۹ چاه به ترتیب دارای مقادیر EC و TDS بیش از حد استاندارد WHO بودند که در این نمونه ها نیز بسته به اینکه چه مقدار از این حدها فاصله داشتند، کیفیت ها متفاوت بود.

تئوری آنتروپی شانون انجام شد. نتایج کیفیت آب زیرزمینی در هر دو روش نشان از کیفیت خوب اکثر چاه ها داشت. اما روش دوم مقادیر شاخص کیفیت آب کمتری را در مقایسه با روش اول نشان می‌داد. این تفاوت ناشی از تاثیر وزن پارامترها بود. چون در روش استفاده از تئوری آنتروپی شانون بسیاری از پارامترها وزن بسیار کمی داشته که سبب کاهش عدد نهایی می‌شود. اما در روش استفاده از پارامترهای هم‌وزن مقدار وزن همه پارامترها ثابت و ۰/۱۱ است. این امر سبب می‌شود که بسیاری از پارامترهای کم تاثیر، دارای وزن بیشتری نسبت به واقعیت داشته و در ادامه روند محاسبات، با افزایش مقدار خود به صورت کاذب، کیفیت آب را بدتر از حالت واقعی خود نشان دهند. بنابراین این امر سبب می‌شود مدیران بخش‌های منابع آب در تخصیص آب متناسب با کیفیت مورد نیاز هر کاربری، اشتباه کرده و موجب هدر رفت آب با کیفیت شوند. استفاده از آزمون‌های آماری نیز تفاوت معنی‌دار موجود در نتایج حاصل از دو روش را تایید کرد. بنابراین آگاهی از میزان تاثیر هر یک از پارامترها بسیار مهم است. در استفاده از تئوری آشفستگی یک ارتباط سیستماتیک بین تمامی پارامترها در نمونه‌های مختلف برقرار می‌شود و با در نظر گرفتن این ارتباط به محاسبه EWQI پرداخته و آن‌ها را رتبه‌بندی می‌کند.

کیفیت آب دارد. در منطقه مورد مطالعه بیشترین وزن آنتروپی مربوط به پارامترهای سولفات، سدیم و کلر بود که نشان از تغییرات پایدار و یکنواخت این پارامترها در آب زیرزمینی منطقه دارد. کمترین وزن آنتروپی نیز مربوط به اسیدیته آب بود. پارسامهر و همکاران (۱۳۹۷) در بررسی کیفیت آب زیرزمینی دشت میقان با استفاده از تئوری آنتروپی شانون کمترین وزن را مربوط به اسیدیته دانستند. شو و همکاران (۲۰۱۱) در بررسی کیفیت آب با استفاده از تئوری آنتروپی در تایوان بیان داشتند که پارامترهایی که بالاترین وزن آنتروپی را دارند، بیشترین تاثیرگذاری را بر کیفیت آب دارند. با توجه به همبستگی بالای رتبه های کیفیت آب چاه ها به روش دیاگرام شولر با رتبه های کیفی آب چاه ها به روش آنتروپی شانون، کارایی و توانایی این روش در مقایسه با استفاده از پارامترهای هم وزن مشخص شد. اصغری مقدم و ودیعتی (۱۳۹۵) با مقایسه نمودار شولر و روش آنتروپی بیان داشتند روش آنتروپی در بیان تاثیر پارامترهای موثر بر کیفیت آب زیرزمینی و همچنین رده بندی کیفیت آب زیرزمینی توانایی بالاتری دارد.

### نتیجه گیری

در این مطالعه محاسبه شاخص کیفیت آب بر اساس پارامترهای هم وزن و پارامترهای وزن دار شده به روش

### منابع

- آبی‌زاده، ا.، ۱۳۸۱. نگر شی بر قنات با محوریت آموزش و احیاء فناوری بومی، فرهنگ و معماری ایرانی. دو فصلنامه معماری و شهرسازی آرمان شهر، دوره ۳، شماره ۵، ص ۲۲-۱.
- آخونی پورح سینی، ف.، و قربانی، م. ح.، ۱۳۹۵. کاربرد آنتروپی شانون در تعیین موثرترین پارامتر شیمیایی در کیفیت آب های سطحی (حوضه صوفی چای). مجله محیط زیست و مهندسی آب. دوره ۲، شماره ۴، ص ۳۱۶-۳۰۴.
- اصغری مقدم، ا.، ودیعتی، م.، ۱۳۹۵. رتبه‌بندی کیفیت آب زیرزمینی دشت سراب برای مصارف شرب با استفاده از روش آنتروپی. مجله دانش آب و خاک، شماره ۳، بخش ۲، ص ۱۳-۱.
- امیری، و.، نخعی، م.، و سهرابی، ن.، ۱۳۹۲. ارزیابی کیفیت آب زیرزمینی بر اساس آنتروپی وزن دار شاخص کیفیت آب. مجله زمین شناسی کاربردی پیشرفته. دوره ۳، شماره ۷، ص ۳۹-۳۱.

- بی‌همتا، م. ر.، زارع چاهوکی، م. ع.، ۱۳۹۰. اصول آمار در علوم منابع طبیعی، چاپ سوم، انتشارات دانشگاه تهران، ص ۳۲۲.
- پارسامهر، ا. ح.، ملکی نژاد، ح.، خسروانی، ز. ۱۳۹۷. بررسی تئوری آنتروپی شانون در وزن‌دار کردن شاخص کیفیت آب (مطالعه موردی: دشت میقان). پژوهش آب ایران، دوره ۱۲، شماره ۲۹، ص ۱۱۰-۱۰۱.
- پورمقدس، ح.، ۱۳۸۱. بررسی کیفیت آب‌های زیرزمینی منطقه لنجانان اصفهان. فصلنامه مجله دانشکده بهداشت و انستیتو تحقیقات بهداشتی، دوره ۱، شماره ۴، ص ۳۱-۴۰.
- حمیدیان، ل.، معراجی، س. ح.، فیجانی، ا. و بطالبویی، ص.، ۱۳۹۵. ارزیابی کیفیت آب زیرزمینی استان بو شهر با استفاده از شاخص کیفی آب. هیدروژئولوژی، دوره ۲، شماره ۱، ص ۳۱-۴۴.
- روحانی، ح.، زکی، ا.، کا شانی، م.، فتح آبادی، ا.، ۱۳۹۴. ارزیابی پایداری تغییرات کیفیت شیمیایی آب سطحی در رودخانه گرگانرود. اکوهیدرولوژی، دوره ۲، شماره ۲، ص ۱۴۰-۱۲۹.
- شرکت سهامی آب منطقه ای فارس، ۱۳۸۷. گزارش تلفیق مطالعات منابع آب حوزه آبریز رودخانه مند و حوزه های بسته هرم، کامیان و خنج (جلد سوم)، بخش ۵، بیان محدوده مطالعاتی فسا، ۹۳ صفحه.
- صیف، م.، مساعدی، ا.، محمدزاده، ح.، ۱۳۹۰. ارزیابی تاثیر خشکسالی بر افت منابع آب زیرزمینی (مطالعه موردی: آبخوان دشت فسا)، پانزدهمین همایش انجمن زمین شناسی ایران، ۲۳ آذر ۱۳۹۰، دانشگاه تربیت معلم تهران.
- Guey-Shin, S., Bai-You, C., Chi, T. C., Pei, H. Y., Tsun, K. C., 2011. Applying factor analysis combined with kriging and information entropy theory for mapping and evaluating the stability of groundwater quality variation in Taiwan. *International Journal of Environmental Resources and Public Health*, 8: 1084-1109.
- Güler, C., Thyne, G. D., McCray, J. E., Turner, K. A., 2002. Evaluation of graphical and multivariate statistical methods for classification of water chemistry data. *Hydrogeology journal*, 10(4): 455-74.
- Jian-Hua, W., Pei-Yue, L., Hui, Q., 2011. Groundwater Quality in Jingyuan County, in Northwest China. *E-Journal of Chemistry*, 8(2): 787-793.
- Khadam, I. M., Kaluarachchi, J. J., 2000. Water quality modeling under hydrologic variability and parameter uncertainty using erosion-scaled export coefficients. *Journal of Hydrology*, 330(1): 354-67.
- Krishna, G., Singh, S., Gurjar, S., NC, G., 2016. Assessment of Water Quality Index (WQI) of Groundwater in Rajkot District, Gujarat, India. *Journal of earth science and climate change*, 7(3): 123-134.
- Lobato, T. C., Hauser Davis, R. A., Oliveir, T. F., Silveira, A. M., Silva, H. A., Tavares, M.R., 2015. Construction of a novel water quality index and quality indicator for reservoir water quality evaluation: A case study in the Amazon. *Journal of Hydrology*, 522(3): 674-683.
- Machiwal, D., Jha, M. K., Mal, B. C., 2011. GIS based assessment and characterization of groundwater quality in a hard-rock hilly terrain of Western India. *Environmental Monitoring and Assessment*, 174(1-4): 645-663.
- Mishra, P. C., Patel, P. K., 2001. Study of the pollution load in the drinking water of Rairangpur, a small tribal dominated town of North Orissa. *Indian Journal of Environment and Ecoplanning*, 5 (2): 293-298.
- Ngoc, H. o., 2012. Total water quality index using weighting factors and standardize in to a parameter. *Environment Asia*. 5(2): 63-74.
- Pei-Yue, L., Hui, Q., Jian-Hua, W., 2010. Groundwater Quality Assessment Based on Improved Water Quality Index in Pengyang County, Ningxia. Northwest China. *E-Journal of Chemistry*, 7(S1): 209-216.
- Ramakrishnaiah, C. R., Sadadiv, C., Rangna, G., 2009. Assessment of water quality index for the groundwater in Tumkur Taluk, Karnataka State. *India. E-Journal of Chemistry*, 6(2): 523-530.

Sargaonkar, A., Deshpande, V., 2003. Development of an overall index of pollution for surface water based on a general classification scheme in Indian context. *Environmental monitoring and assessment*, 89(1): 43-67.

Shannon Claude, E., 1948. A mathematical theory of communication. *Bell System Technical Journal*, 27: 379-423.

Scholler, H. L., 1964. Classification geochimique des eaux. I.A.S.H. publication. 64(4): 16-24.

Shyu, G. S., Cheng BY, Chiang CT, Yao PH, Chang TK. 2011. Applying Factor Analysis Combined with Kriging and Information Entropy Theory for Mapping and Evaluating the Stability of Groundwater Quality Variation in Taiwan. *International Journal of Environment Research and Public Health*. 8: 1084-1109.

## Comparison of the Effect of Equal Weights Parameters and Weighted Parameters by Use of Shannon Entropy Theory on Water Quality Index (Case Study: Fasa Plain)

Amir Hossein Parsamehr<sup>1</sup>, Mohammad Zare<sup>2\*</sup>, Zahra Khosravani<sup>3</sup>, Alireza Pourbagheri<sup>4</sup>

### Abstract

One of the methods to determine the water quality is applying water quality index. This comprises several parameters with different effects on water quality. Therefore, one important problem is to calculate the exact value for each of the parameters. The purpose of the present study is to compare the effects of equal weights and weighted parameters on the results of water quality index in Fasa plain employing Entropy theory. To this end 9 Chemical parameters from 55 groundwater samples were investigated and ranked using the water quality index. Then, the weight of the parameters was calculated with the weights that obtained by the Shannon Entropy method. Thereafter, the significant difference was investigated between two groups. In order to determine the efficiency of each of these two methods, the Spearman's correlation was employed between the rating of wells quality in two methods and the rating of wells quality which was calculated by Sholer diagram. At the end, the clustering and qualitative zoning of wells were plotted. The results showed that there was a significant difference between the results of the water quality index whose weights obtained from the equal weights method and Shannon Entropy method in 0.01 level. Also, the high correlation (0.926) between ratings of wells quality by Sholer diagram method and ratings of wells quality was obtained by Shannon Entropy method indicates the high significance of this method in calculating water quality index.

**Keyword: Shanon Entropy, Groundwater, Water Quality Index. Fasa plain.**

---

1- Instructor of Range and Watershed Management, Faculty of Agriculture, Fasa University, Fasa, Iran. Email: parsamehr@fasau.ac.ir

2- Assistant Professor of dry and desert Regions Management, Faculty of Natural Resources and Desert Studies, Yazd University, Yazd, Iran. Email: mzerani@yazd.ac.ir

3- Ph. D Student of De-desertification, Faculty of Natural Resources and Desert Studies, Yazd University, Yazd, Iran. Email: z.khosravani@gmail.com

4- Instructor of Civil Engineering, Faculty of Engineering, Fasa University, Fasa, Iran. Email: pourbagheri@fasau.ac.ir